HIDROMETRÍA

HIDROMETRÍA

La Hidrometría es el área de la Hidráulica Aplicada que tiene por función el estudio de las técnicas de la medición de caudales que circulan por las distintas secciones de los conductos, sean estos a presión o a gravedad. Su nombre deriva del griego hydro (agua) y metron (medida).

La hidrometría es una de las partes más importantes de la hidráulica, justamente porque ella se ocupa de cuestiones tales como, medidas de tirantes, de variación del nivel del agua, de las secciones de escurrimiento, de las presiones de las velocidades, de los caudales o descargas, ensayos de bombas, turbinas, etc.

Las determinaciones de caudal se realizan para diversos fines. Sistemas de abastecimiento de agua, estudios de desagües, instalaciones hidroeléctricas, obras de riego, defensa contra inundaciones, etc.

Además de medir la cantidad de agua que circula por la sección de un río, tubería o canal, también se ocupa de procesar la información, con el fin de conocer la disponibilidad del recurso.

MÉTODOS DE MEDICIÓN DE CAUDALES

Los Métodos de Medición de Caudales se pueden agrupar en:

- A- Según los Parámetros a Medir
- B- Según el Tipo de Escurrimiento en el cual se mide.

Los Parámetros pueden ser Volumen, Tiempo, Velocidad, Sección, Profundidad, Concentraciones de Colorantes, Sales o Isótopos Radiactivos, entre otros.

Según los Parámetros a Medir se acostumbra, a su vez, a clasificarlos en:

- A.1- Directos
- A.2- Indirectos.

Según el Tipo de Escurrimiento en el cual se mide, se clasifican en Métodos para Mediciones en Escurrimientos de los tipos:

- B.1- a Presión,
- B.2- Mixtos
- B.3- a Gravedad

A- MÉTODOS DE MEDICIÓN DE CAUDALES SEGÚN PARÁMETROS A MEDIR

A.1- MÉTODOS DIRECTOS

Son aquellos que utilizan algún instrumento o procedimiento que permite medir directamente el caudal. En Técnicas de Laboratorio e Industrias se llaman así a los que miden tiempo en llenar un volumen conocido. En Técnicas de Campo se denominan como Directos los que miden velocidad discreta con Correntómetro.

Consisten en la medición directa en un recipiente de un volumen conocido. Se mide el tiempo, obteniéndose

$$Q = \frac{\text{Vol.}}{t}$$

Cuanto mayor es el tiempo de determinación, tanto mayor es la precisión.

Este proceso, generalmente sólo es aplicable en los casos de pequeñas descargas, como por ejemplo, de fuentes, riachuelos, manantiales y tuberías de pequeño diámetro.

En los laboratorios de hidráulica, la medición directa de los caudales puede ser hecha en un tanque o depósito de dimensiones conocidas. Se puede además emplear una balanza (medida por el peso).

A.2- MÉTODOS INDIRECTOS

Son aquellos que realizan la medición de distintos parámetros a partir de los cuales se puede obtener indirectamente el caudal.

Por ejemplo, en el caso de una corriente de agua natural (río, arroyo), el caudal depende directamente de la superficie (S) de la sección transversal de la corriente de agua y de la velocidad media del agua (V), obteniéndose el caudal o gasto (Q) por medio de la multiplicación de ambos parámetros: $Q = V \times S$

B- SEGÚN EL TIPO DE ESCURRIMIENTO EN EL CUAL SE MIDE

Como referimos precedentemente, estas mediciones se pueden hacer en distintos tipos de escurrimientos, a saber:

B.1- Escurremientos a Presión, caso de las Tuberías a Presión, Impulsiones, etc.

B.2- Escurremientos Mixtos, caso de salida de Depósitos por Orificios, Compuertas, Tubos, etc.

B.3- Escurremientos a Superficie Libre, caso de Canales, Ríos, Tuberías Cloacales y Pluviales, etc.

B.1- MEDICIÓN DE CAUDALES EN ESCURRIMIENTOS A PRESIÓN

Se puede realizar mediante una gran cantidad de elementos, refiriéndose a continuación los de utilización mas generalizada.

B.1.1- MEDIDORES DIFERENCIALES

Figura 28-4

Los medidores diferenciales son dispositivos que consisten en una reducción en la sección de flujo de una tubería, de modo que se produzca una diferencia de presión, a consecuencia del aumento de velocidad.

Consideremos, por ejemplo, el caso de un diafragma instalado en el interior de una tubería de diámetro D ; la diferencia de presión h , entre los puntos (1) y (2), es dada por

$$h = \frac{V_2^2}{2g} - \frac{V_1^2}{2g} \therefore V_2^2 - V_1^2 = 2gh.$$

siendo d el diámetro de la abertura.

$$V_2 = V_1 \frac{D^2}{d^2},$$

$$V_1^2 \frac{D^4}{d^4} - V_1^2 = 2gh,$$

$$V_1 = \frac{\sqrt{2g} \sqrt{h}}{\sqrt{\left(\frac{D}{d}\right)^4 - 1}}$$

obteniéndose para el caudal

$$Q = C_d S_1 A_1 = \frac{\pi D^2}{4} C_d \frac{\sqrt{2g} \sqrt{h}}{\sqrt{\left(\frac{D}{d}\right)^4 - 1}};$$

ó

$$Q = 3,48 \frac{C_d D^2 \sqrt{h}}{\sqrt{\left(\frac{D}{d}\right)^4 - 1}},$$

siendo

- Q = el caudal, en m^3/s ;
- C_d = coeficiente de descarga para el caudal;
- D = diámetro de la tubería, m;
- d = diámetro de la sección, reducida, m;
- h = diferencia de presión provocada entre dos puntos.

Esta fórmula general se aplica a todos los medidores diferenciales: orificios, diafragmas, boquillas internas, Venturis cortos, Venturis largos, etc.

Una vez conocidos los diámetros y medido el valor h , se determina el caudal Q .

Para los orificios concéntricos, el valor de C_d varía de 0,60 a 0,62, pudiéndose admitir el valor medio 0,61. Para los medidores Venturi del tipo largo, el valor medio de C_d está alrededor de 0,975.

La pérdida de la carga final, en estos medidores es menor que la diferencia de presión h , porque, después de pasar por la sección contraída, hay una recuperación de carga piezométrica que proviene de la reducción de la velocidad (Fig. 28-4).

Los medidores Venturi se caracterizan por una capacidad mayor de recuperación, debido a su sección de difusión (ampliación gradual).

Figura 28-5. Pérdida de carga en los medidores diferenciales, expresada en porcentajes de la diferencia provocada de presión (W. W. S.)

Aumentándose el valor de la relación $\frac{D}{d}$ (estrechamiento), se aumenta el porcentaje de la pérdida (Fig. 28-5).

B.1.1.1- PIEZÓMETRO + TUBO DE PITOT

Tubos de Pitot

Estos tubos fueron empleados por primera vez por el físico francés Pitot, en 1730 (río Sena).

Un tubo de Pitot consiste en un tubo de material transparente con una extremidad doblada en dirección a la corriente del agua, como muestra la Figura 28-25.

Teóricamente

$$H = \frac{V^2}{2g}$$

$$V = \sqrt{2gH}$$

Figura 28-25

En realidad, sin embargo, se debe introducir un coeficiente de corrección C ,

$$V = C \sqrt{2gH}$$

El tubo de Pitot solamente conduce a buenos resultados en el caso de corrientes de gran velocidad, siendo por ello más comúnmente empleado en tuberías, etc.

B.1.1.2- TUBO DE PRANDTL

$$v_{0t} = \sqrt{\frac{2 \cdot g \cdot l (\rho_m - \rho)}{\rho}}$$

En el caso particular de que la medición de velocidad se efectúe en un flujo de agua:

$$v_{0t} = \sqrt{2 \cdot g \cdot l (\delta - 1)}$$

(velocidad teórica de la corriente, tubo de Prandtl)

Donde: δ - densidad relativa del líquido manométrico.

B.1.1.3- PLACA ORIFICIO, TOBERA O BOQUILLA INTERNA

En los medidores instalados, la manera más simple de verificarse h para la determinación del caudal consiste en el empleo de un manómetro en U.

Figura 28.6. Orificio y boquilla interna

Orificios concéntricos

Los orificios concéntricos, intercalados en las tuberías constituyen uno de los procesos más simples para la medición de caudales.

La ejecución del orificio es relativamente fácil. El orificio de diámetro conveniente es construido en una placa metálica instalada entre bridas de la tubería.

Placa. La placa utilizada puede ser de bronce o acero inoxidable. Su espesor puede ser de 2,5 mm (3/32"), para tuberías de 200 a 250 mm y 5,0 mm (3/16"), para tuberías de hasta 550 mm.

En el caso de emplearse placas más gruesas, se debe dar una terminación en bisel a 45° a fin de obtener el espesor recomendado.

Tamaño del orificio. El diámetro del orificio debe estar comprendido entre 30 y 80% del diámetro de la tubería. Valores inferiores a 30% corresponden a pérdidas excesivas y valores superiores a 80% no permiten una buena precisión en las determinaciones.

Usualmente, el valor de d es establecido entre 50 y 70% del valor de D .

Conexiones. En las tuberías horizontales, las conexiones para medida de presión deben ser hechas en la pared lateral de los tubos, en el plano horizontal (Fig. 28-4).

La toma de aguas arriba deberá quedar a una distancia correspondiente a un diámetro (D), de la cara del orificio; la de aguas abajo es colocada a una distancia $D/2$.

Se recomiendan las dimensiones para las derivaciones dadas en la Tabla 28-2.

Las conexiones deben ser hechas sin penetración excesiva, eliminando las asperezas.

Instalación del orificio. El orificio debe ser instalado en tramos rectilíneos horizontales, o verticales, sin cualquier causa perturbadora próxima (derivaciones, curvas, válvulas, etc.), recomendándose las distancias mínimas dadas en la Tabla 28-3.

Siempre que la diferencia de diámetro $D-d$ sea superior a 50 mm, se debe hacer una pequeña perforación, de 3 mm (1/8") de diámetro, en la parte superior de la placa del orificio, junto a la generatriz superior de los tubos, para permitir el paso de aire, evitándose la formación de bolsas de aire.

Diferencia de presión producida (h), puede ser calculada por la fórmula general, no debiendo exceder 2,50 m, por razones económicas.

Tabla 28-2

D (mm y pul)		Mínima (pul)	Máxima (pul)
50	2	1/4	1/4
75	3	1/4	3/8
100-200	4-8	3/8	1/2
250	10	3/8	5/8
300-350	12-14	3/8	3/4
400	16	3/8	1

Tabla 28-3

D/d	Longitud aguas abajo	Longitud aguas arriba
1,25	$20 \times D$	$5 \times D$
1,50	$12 \times D$	$4 \times D$
2,00	$7 \times D$	$3,5 \times D$
3,00	$3 \times D$	$3 \times D$

B.1.1.4- MEDIDOR VENTURI LARGO (22 θ) Y CORTO (7 θ)

El medidor Venturi es un aparato inventado por Clemens Herschel, en 1881, que lleva el nombre de Venturi, filósofo italiano, que fue el primer hidráulico que experimentó tubos divergentes.

El aparato comprende tres secciones principales: una pieza convergente, otra divergente (difusor) y una sección intermedia, que constituye la garganta o estrechamiento, conforme se indica en la Figura 28-7 y 28-8.

Figura 28-7

Figura 28-8

El diámetro de la garganta generalmente está comprendido entre 1/4 y 3/4 del diámetro de la tubería.

Los aparatos Venturi son fabricados en dos tipos:

- a) Venturis largos (Herschel);
- b) Venturis cortos (Orivent).

Las extensiones de los tubos Venturi largos generalmente están comprendidos entre 5 y 12 veces el diámetro de la tubería. Los Venturi cortos se presentan con extensiones entre 3,5 y 7 veces el diámetro nominal de la tubería.

El medidor Venturi debe ser precedido de un tramo rectilíneo de por lo menos 6 veces el diámetro de la tubería.

Aguas abajo del aparato se puede instalar cualquier pieza especial, porque la extensión de la sección divergente (difusor) es suficientemente grande para asegurar las condiciones de medida

En la toma de presión, existen cámaras anulares (coronas), conectadas al tubo por una serie de orificios convenientemente dispuestos en su periferia.

En la tubería donde va a ser instalado el medidor, la presión deberá ser superior al valor de H (Fig. 25-6).

Aplicándose el teorema de Bernoulli, tomándose como referencia el eje horizontal de la tubería,

$$\frac{p_1}{\gamma} + \frac{V_1^2}{2g} = \frac{p_2}{\gamma} + \frac{V_2^2}{2g},$$

$$\frac{p_1}{\gamma} - \frac{p_2}{\gamma} = \frac{V_2^2}{2g} - \frac{V_1^2}{2g} = h = \frac{1}{2g} (V_2^2 - V_1^2),$$

$$V_1^2 = \frac{Q^2}{A_1^2} \quad V_2^2 = \frac{Q^2}{A_2^2}$$

$$\therefore h = \frac{Q^2}{2g} \left(\frac{1}{A_2^2} - \frac{1}{A_1^2} \right),$$

$$Q = \sqrt{\frac{2g}{\left(\frac{1}{A_2^2} - \frac{1}{A_1^2} \right)}} \sqrt{h} = m \sqrt{h}.$$

Se debe además introducir un coeficiente correctivo k , de modo que

$$Q = km \sqrt{h}.$$

Figura 28-9. Valores del coeficiente k , en función del número de Reynolds (escala logarítmica)

B.1.1.5- TUBO DALL (2 Θ)

Es un nuevo tipo de medidor diferencial introducido por la fábrica Kent (Inglaterra) y que presenta las siguientes ventajas:

- a) dimensiones y pesos reducidos;
- b) pérdida de carga muy pequeña;
- c) bajo costo.

La pérdida de carga en los medidores Dall, es inferior a la que se verifica en los tubos Venturi clásicos (largos).

Figura 28-10. Medidor Dall (corte)

Tabla 28-4. Tubos Venturi y Dall. Límites usuales de aplicación

D (mm y pul)	Venturi (caudales) l/s)	Dall (caudales l/s)
150- 6	60- 400	125- 900
200- 8	110- 700	220- 1 500
250-10	170- 1 100	340- 2 400
300-12	245-1 600	525- 3 400
350-14	335-2 200	630- 4 700
400-16	435-2 800	950- 6 000
450-18	550-3 600	1 135- 7 500
500-200	680-4 400	1 385- 9 500
600-24	980-6 400	2 015-13 800

Observación. Diferencias de presión de 1,50 a 4,00 m H₂O. Longitudes T. Venturi largos 10 a 22 veces el diámetro; T. Venturi cortos, de 5 a 7 veces el diámetro y T. Dall, 2 veces el diámetro.

B.1.1.6- MEDIDOR ANNUBAR

El medidor de flujo Annubar o tubo Annubar es una especie avanzada o una evolución del tubo de Pitot. Está conformado por un tubo exterior el cual va ubicado perpendicularmente al área transversal de la tubería y en su interior hay dos tubos.

El tubo exterior presenta una serie de orificios ubicados en la cara aguas arriba de la corriente de flujo, y la misma cantidad de orificios ubicados en forma paralela en la cara aguas abajo de la corriente de flujo, con la finalidad de poder estimar el perfil de velocidad y realizar un promedio de esas estimaciones.

El tubo Annubar posee (en la parte central del tubo exterior) otro orificio ubicado en cara aguas abajo de la corriente. Uno de los tubos internos del Annubar es utilizado para estimar un promedio de las presiones medidas por los orificios (presión total), mientras que el otro tubo interno mide la presión estática a través del orificio central.

B.1.1.7- SINGULARIDADES

Figura 28-17

Curvas, registros y otras piezas y singularidades pueden ser aprovechadas para la medición de caudales en las tuberías, siempre que no se exija mucha precisión.

En las curvas, por ejemplo, se verifican diferencias de presión que pueden servir para la medición de la descarga.

$$Q = KA \sqrt{2g(h_2 - h_1)}.$$

Valores prácticos de K son dados en función de R/D , como se muestra en la Tabla siguiente

R/D	1,0	1,5	2,0	2,5	3,0
K	0,701	0,849	0,992	1,112	1,224

B.1.1.7- VÁLVULAS

Los registros de compuerta también pueden ser utilizados para la medición de caudal. De acuerdo con las observaciones de W. J. Tudor, se tiene que

$$Q = 2 \cdot 1 \sqrt{h_f A^2 g \left(\frac{h}{D}\right)^3},$$

donde

- Q = caudal, m^3/s ;
- h_f = pérdida de carga apenas en el registro, m;
- A = área de la tubería, m^2 ;
- h = altura de la abertura, m;
- D = diámetro del tubo, m.

Se miden las cargas en puntos equidistantes 1, 2 y 3, dado que la medición en el tramo 2-3 sirve sólo para indicar la pérdida de carga debida a la propia tubería. (Si esta pérdida fuere despreciada se simplifica el proceso).

$$h_f = (p_1 - p_2) - h_{f_{2-3}} = (p_1 - p_2) - (p_2 - p_3).$$

Figura 28-18

B.1.2- ROTÁMETROS

Figura 28-16

El medidor de área variable o rotámetro, es un aparato constituido por un tubo cónico transparente con la sección mayor vuelta hacia arriba.

Por este tubo pasa el líquido cuyo caudal debe ser medido existiendo un flotador de forma adecuada, que se desplaza con el movimiento del líquido.

Para cada caudal existe una posición correspondiente del flotador, una vez que varía el área del paso existente entre el flotador y las paredes del tubo (Fig. 28-16).

B.1.3- MEDIDORES (CONTADORES) DE TURBINA Y VOLUMÉTRICOS

De Turbina

Posición 1
La circulación de un líquido a través del contador volumétrico COVOL, ejerce una fuerza sobre el pistón rotativo, iniciando el giro del caso de cerraje. En esta posición se inicia el llenado interno del pistón rotativo.

Posición 3
En este punto se ha llenado totalmente el interior del pistón y comienza el llenado de la cámara entre el contador y la parte externa del pistón.

Posición 2
La entrada del líquido va llenando de forma progresiva el espacio entre cámara del contador y pistón, a la vez que continúa llenándose la parte interna del pistón.

Posición 4
Se inicia el vaciado de la parte interna del pistón. Continúa el llenado de la cámara entre el contador y la parte externa del pistón. También se inicia de nuevo el llenado de la parte interna del pistón.

Volumétrico de Pistón Rotativo

Volumétrico de Disco Nutante

Los medidores son aparatos destinados a medir la cantidad de agua que fluye en intervalos de tiempo relativamente largos.

Son muy empleados para medir el consumo de agua en las instalaciones de edificios e industrias.

Son dos los tipos principales:

- a) medidores de velocidad (tipo turbina);
- b) medidores de volumen (compartimiento que se eleva y vacía continuamente).

Medidores de velocidad. Son más baratos, más simples, de reparación más fácil y más insensibles a las impurezas del agua. Tienen el inconveniente de límites de sensibilidad pobres.

Medidores de volumen. Son más precisos y más sensibles, indicando consumos muy pequeños.

Inconvenientes más caros y más sensibles a las impurezas de las aguas. Reparación más difícil.

Los medidores de volumen son recomendables para las localidades en que el agua es muy cara y de buena calidad.

El Woltmann es un medidor de velocidad con gran capacidad de caudal. Consiste en una turbina, cuyo número de revoluciones mide indirectamente la cantidad de agua que pasa por el aparato.

En servicios de abastecimiento de agua, el medidor Woltmann se aplica para la determinación de caudal en líneas de conducción principales y secundarias, salidas de depósitos, etc. Se aplica también en los edificios de gran consumo de agua.

B.1.4- MÉTODOS QUÍMICOS, COLORIMÉTRICO Y RADIATIVO

Aunque interesantes, estos procesos son empleados sólo en casos particulares.

Uno de ellos consiste en descarga en la corriente que debe medirse, una solución concentrada de sal, con un caudal constante, q . Esta solución naturalmente se diluye en las aguas, alterando la concentración. Determinándose la concentración final, se obtiene el caudal:

c_0 = concentración inicial en la corriente;

c_1 = concentración de la solución;

c_2 = concentración final en la corriente;

q = caudal de la solución concentrada;

Q = caudal de la corriente.

$$c_1 q + c_0 Q = (Q + q)c_2$$

$$= c_2 Q + c_2 q,$$

$$c_1 q - c_2 q = c_2 Q - c_0 Q,$$

$$c_1 q - c_2 q = (c_2 - c_0) Q$$

$$\therefore Q = \frac{q(c_1 - c_2)}{c_2 - c_0}$$

El proceso descrito puede ser aplicado, satisfactoriamente, sólo en el caso de corrientes turbulentas y de aguas que pasan por bombas o turbinas, para garantizar la mezcla de la solución con el agua.

Otro proceso químico se basa en la conductividad eléctrica del agua, que se eleva cuando una sal es disuelta.

Se emplean dos pares de electrodos, cada par es instalado en una sección del conducto.

En un determinado instante, se lanza en el conducto una solución salina concentrada. El paso de esta por las secciones 1 y 2 indicada por un medidor, registra de este modo el tiempo transcurrido en el trayecto. Como la distancia entre las secciones es conocida, se obtiene la velocidad del agua. El medidor de corriente puede registrar una gráfica (Fig. 2820).

Los procesos colorimétricos son semejantes; se verifica visualmente el paso del líquido coloreado. En el caso de alcantarillas, se usa el proceso colorimétrico para determinar el caudal, empleándose una anilina o aserrín. También sirven para indicar la influencia de una fosa negra en un pozo de agua. Las sustancias usadas en este caso son la fuxina y la fluoresceína.

Figura 28-19

Figura 28-20

La tecnología moderna ofrece a los ingenieros la posibilidad del empleo de isótopos radiactivos (trazadores), para el estudio del movimiento del agua, determinación de velocidades, caudales, etc.

B.2- MEDICIÓN DE CAUDALES EN ESCURRIMIENTOS MIXTOS

B.2.1- ORIFICIOS, TUBOS Y TOBERAS

Los orificios son aplicados para el control y medida de caudal en recipientes, tanques y tuberías.

En las instalaciones de tratamiento de agua, son empleados frecuentemente, orificios calibrados y ajustables, para medir caudales de soluciones químicas. El nivel del agua es mantenido constante por una válvula de boya.

FIG. 14-1. Tres casos de *desagüe de un líquido por un orificio*: (a) depósito con superficie libre a la atmósfera; (b) ídem, pero con orificio sumergido; (c) depósito no abierto a la atmósfera. En los tres casos el nivel del agua en el depósito debe permanecer constante: en las Figs. (a) y (b) esto se consigue regulando el caudal de alimentación del depósito, y en el caso (c) de una manera análoga o suponiendo la sección transversal del depósito suficiente grande.

ECUACION GENERAL DEL DESAGÜE POR ORIFICIOS, TUBOS Y TOBERAS

$$Q = C_q A \sqrt{2g \Delta h} \tag{14-1}$$

donde $C_q = C_c C_v$ — coeficiente de caudal
 Δh — diferencia de *alturas piezométricas* (no necesariamente coincidente con la diferencia de alturas geodésicas), antes y después del orificio.

TABLA 14-1
 COEFICIENTES DE CONTRACCION, DE VELOCIDAD Y DE CAUDAL
 PARA TUBOS Y TOBERAS DIVERSOS DE SECCION CIRCULAR

SECCION							
C_c	0.62	1.00	1.00	0.50	1.00	0.50	1.00
C_v	0.58	0.98	0.61	0.59	0.45 + 0.50	0.50	0.50
C_q	0.36	0.98	0.61	0.30	0.45 + 0.50	0.25	0.50

Los valores de estos coeficientes se obtienen experimentalmente. Algunos de los más principales para orificios y tubos diversos *de sección circular* pueden verse en la tabla 14-1.

Advertencias sobre esta tabla:

- 1.^a El llamado *tubo standard*, tabla 14-1 c, tiene una longitud igual a 2,5 veces el diámetro y aristas vivas, y un coeficiente de contracción $C_c = 1$.
- 2.^a La llamada *boquilla de Borda*, tabla 14-1 d, está formada por un tubo que penetra en el depósito, tiene aristas vivas y su longitud es igual a su diámetro.
- 3.^a La tobera conoidal, tabla 14-1 g, tiene un C_q más favorable que la tobera cónica, debido a su forma bien *fuselada*, que ha eliminado las pérdidas de *forma*, quedando únicamente las de *superficie* (véase Secs. 8.3 y 8.9).
- 4.^a Los valores de C_c , C_v y C_q de esta tabla deben usarse con precaución. Si los diámetros son menores a 25 mm o los Δh menores de 1 m, estos coeficientes ya no son constantes, sino que dependen del número de Reynolds. Los coeficientes para cualquier tubo y orificio pueden obtenerse mediante un tarado «*in situ*».

B.2.2- COMPUERTA DE FONDO

Una abertura de compuerta, Fig. 14-3, no es más que un orificio rectangular de altura a y de ancho b , que supondremos constante e igual al ancho del canal. En el fondo no hay contracción; pero sí en la lámina superior.

$$Q = C_q ab \sqrt{2g \Delta h}$$

FIG. 14-3. El *desagüe por una compuerta* es un caso particular de *desagüe por un orificio*.

B.2.3- BOQUILLAS

Estos dispositivos se basan en la descarga de líquidos a través de orificios con chorro libre.

La boquilla Kennison está diseñada en forma tal que conduce la vena líquida hacia el punto de descarga, de manera que no perturbe el flujo del agua en la tubería principal. Estas boquillas se aplican para la medición de gastos de aguas industriales y desagües debido a su propiedad de "autolimpieza", que impide la acumulación de los sólidos arrastrados por esas aguas.

Asociado a estas boquillas, se instala un sensor de nivel, que consigue accionar los instrumentos necesarios para la indicación, registro, integración, etcétera, tanto local como a distancia.

Boquilla de Kennison, es una boquilla calibrada, cuyo empleo es indicado para la medida de caudal en tuberías que conducen líquido lodoso.

En las estaciones de tratamiento de aguas negras, las boquillas Kennison son empleadas comúnmente para la determinación de caudal de lodos. El caudal es determinado por la posición de la vena en régimen de descarga libre. Figura 28-1.

El Brasil fue uno de los primeros países en emplearla.

Figura 28-1

B.2.4- CUBA DANAIDE

El aparato antiguo y muy sencillo conocido con el nombre de *cuba Danaide* (1), que se representa en la Fig. 14-2, posee uno o varios orificios en el fondo y mide caudales de 5 a 500 l/s. Si entra un caudal constante de agua en una Danaide, después de un cierto tiempo de estabilización, el nivel se mantendrá constante a una altura que dependerá del caudal y del área disponible para el flujo de salida.

La fórmula general [Ec. (14-1)] particularizada para una Danaide se escribirá así:

$$Q = nC_q \frac{\pi d^2}{4} \sqrt{2g \Delta h}$$

$$Q = nC_q \frac{\pi d^2}{4} \sqrt{2g \Delta h}$$

donde n — número de orificios abiertos. Todos los orificios que se ven en la planta de la figura llevan un tapón roscado para abrir más o menos

orificios según el orden de magnitud del caudal;
 d — diámetro de un orificio.

Las Danaiades se han utilizado con frecuencia en los ensayos de bombas hidráulicas.

B.2.5- COORDENADAS DE CHORRO (HORIZONTAL, INCLINADO)

La velocidad teórica de un chorro es

$$V_t = \sqrt{2gh}$$

Figura 28-11

El movimiento de la vena líquida puede ser descompuesto según los ejes horizontal (x) y vertical (y). El primer movimiento es uniforme y el segundo acelerado, debido a la acción de la gravedad.

Las ecuaciones de estos movimientos serán

$$x = V_t t \quad (1)$$

$$y = \frac{1}{2} g t^2 \quad (2)$$

Tomándose el valor de t de la ecuación (1) y sustituyéndose en (2),

$$y = \frac{1}{2} g \frac{x^2}{V_t^2} \quad (3)$$

Se verifica por lo tanto, que la trayectoria es una parábola

$$V_t^2 = \frac{g}{2} \frac{x^2}{y}$$

$$V_t = 2,21 \frac{x}{\sqrt{y}} \quad (4)$$

El caudal será

$$Q = AV = 2,21A \frac{x}{\sqrt{y}} \quad (5)$$

Este es uno de los procesos más simples para la medida del caudal, en el caso de descarga libre.

Tabla 28-5

h/D	% de la sección total	Area hidráulica
0,95	0,981	$3,082 \times r^2$
0,90	0,948	$2,978 \times r^2$
0,85	0,905	$2,846 \times r^2$
0,80	0,857	$2,694 \times r^2$
0,75	0,805	$2,528 \times r^2$
0,70	0,747	$2,349 \times r^2$
0,65	0,688	$2,162 \times r^2$
0,60	0,627	$1,969 \times r^2$
0,55	0,564	$1,771 \times r^2$
0,50	0,500	$1,571 \times r^2$

El tubo de descarga puede estar en posición horizontal (conforme indica la Fig. 28-11), o puede estar inclinado; en este segundo caso, se debe medir x en la dirección de la longitud de la generatriz superior del tubo y y en la vertical.

En la fórmula (5), A es el área hidráulica a la salida del tubo. Si el tubo no funciona con la sección de salida completamente llena, se debe medir h , altura de la lámina pudiendo aplicarse los datos de la Tabla 28-5.

28.2.8. MEDIDA APROXIMADA DEL CAUDAL QUE SALE DE UN TUBO HORIZONTAL (E. R. Yassuda, P. Nogami, R. Montrigaud)

Tubo horizontal lleno. $Q = 12,5 LD^2$,

donde

- L = distancia en cm para $y = 25$ cm;
- D = diámetro interior del tubo (cm);
- Q = caudal en litros por hora.

Figura 28-12

Midiéndose la distancia L en cm; entre la boca del tubo y el punto donde el chorro cae 25 cm, podremos fácilmente evaluar el caudal. L es siempre medido en dirección a la generatriz del tubo y V en la vertical.

Tabla 28-6. Caudal aproximado en litros por hora. Distancia L en cm para $Y = 25$ cm

Diámetro interno del tubo (cm y pul)	Distancia L en cm para $Y = 25$ cm									
	25	30	35	40	45	50	55	60	65	70
7,5-3	17 500	21 000	24 500	28 000	31 500	35 000	38 500	42 000	45 500	49 000
10 -4	31 000	37 500	44 000	50 000	56 500	62 500	69 000	75 000	81 500	87 500
15 -6	70 500	84 500	98 500	112 500	126 500	140 500	154 600	169 000	178 000	197 000

Tubo horizontal parcialmente lleno. En el caso de que el flujo no se dé con la sección de salida totalmente llena, interesa medir el abatimiento t de la lámina, en la salida del tubo.

En este caso, la altura de caída (25 cm) del chorro es medida a partir de la línea que pasa sobre la superficie libre de la lámina vertiente y paralela a la generatriz del tubo.

El caudal será una fracción obtenida con la sección llena. Podemos, para facilitar este cálculo, organizar la Tabla 28-7.

Tabla 28-7

$t/D\%$	A/A_0	$t/D\%$	A/A_0
5	0,981	40	0,627
10	0,948	45	0,564
15	0,905	50	0,500
20	0,858	60	0,375
25	0,805	70	0,253
30	0,747	80	0,142
35	0,688	90	0,052

*(De Yamamoto, Tokio)

A = área hidráulica;

A_0 = área hidráulica (tubo lleno);

D = diámetro del tubo.

El caudal será dado por la fórmula $Q = \frac{A}{A_0} Q_0$.

Figura 28-13

B.2.6- TUBO VERTICAL

$$\therefore -Q = 0,858 \times 112,500 = 96\,500 \text{ l/h.}$$

Tubo vertical. Fórmula:

$$Q = 125 D^2 \sqrt{H},$$

$$Q = \text{l/h,}$$

$$H = \text{cm,}$$

$$D = \text{cm.}$$

Figura 28-14

Tabla 28-8. Caudal aproximado en litros por hora

Diámetro interno del tubo (cm pul)	(H = altura del chorro a partir de la boca del tubo en cm)									
	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50
10- 4	28 000	39 500	48 500	56 000	62 500	68 500	74 000	79 000	84 000	88 500
15- 6	63 000	89 000	109 000	126 000	140 500	154 000	166 500	178 000	188 500	199 000
20- 8	112 000	158 000	193 500	223 500	250 000	274 000	296 000	316 000	335 500	353 500
25-10	174 500	247 000	302 500	349 500	390 500	428 000	462 000	494 000	524 000	552 000

La presente tabla calculada para diámetro interno del tubo igual al diámetro nominal.

B.2.7- MÉTODO CALIFORNIA

Es un proceso muy empleado para la medición del caudal de pozos profundos, bombas de aguas negras, etc.

Consiste en ejecutar una instalación como indica la Figura 28-15, haciéndose verter agua por un tubo horizontal.

Figura 28-15

El caudal será obtenido por la siguiente expresión:

$$Q = Kh^{1,88},$$

$$K = 0,057 + 0,01522D,$$

siendo

- D = diámetro, en cm;
- Q = caudal, en l/s;
- h = altura de la lámina, en cm.

B-3- MEDICIÓN DE CAUDALES EN ESCURRIMIENTOS A SUPERFICIE LIBRE

B.3.1- LLENADO DE DEPÓSITO O EMBALSE

Es el Método Directo por medición de tiempo y conocimiento del volumen, explicado precedentemente

B.3.2- VERTEDEROS: GENERALIDADES

Figura 9-1

Los vertederos pueden ser definidos como simples aberturas, sobre los cuales un líquido fluye. El término se aplica también a obstáculos en el paso de la corriente y a las excedencias de los embalses.

Los vertederos son, por así decirlo orificios sin el borde superior.

Los vertederos son de empleo generalizado en Hidrometría. Deben ser tomados los siguientes cuidados:

- se debe usar un vertedor de tipo experimental;
- la carga debe ser libre;
- la cresta debe ser bien tallada y debe quedar en posición horizontal;
- toda el agua debe pasar sobre el vertedor;
- la carga H debe ser medida aguas arriba, a una distancia comprendida entre cerca de $3H$ y $10H$ y nunca inferior a $2,5H$.

Figura 28-2

Tabla 28-1. Dimensiones sugeridas y límites de aplicación para vertedores rectangulares (con contracciones laterales)

Límites de caudal, l/s	$H_{m\acute{a}x}$, cm	L, cm	B, cm	E, cm	C, cm	D, cm
2,0 – 85,0	30,5	30,5	121,5	91,5	45,5	45,5
5,7 – 160,0	38,0	45,5	151,5	99,0	53,0	45,5
7,0 – 225,0	38,0	61,0	183,0	106,5	61,0	53,0
9,4 – 480,0	45,5	91,5	213,5	122,0	61,0	61,0
14,2 – 650,0	45,5	122,0	274,0	122,0	76,0	61,0
21,2 – 990,0	45,5	183,0	351,0	137,0	84,0	76,0

Los vertedores rectangulares más usuales son los de contracción completa.

Adoptándose, con aproximación, las dimensiones indicadas a continuación, se puede obtener una apreciable precisión.

$$C \cong 2H \quad \text{y} \quad D \cong 3H.$$

El borde horizontal se denomina cresta o umbral (Fig. 9-3). Los bordes verticales constituyen las caras del vertedor. La carga del vertedor, H , es la altura alcanzada por el agua, a partir de la cresta del vertedor. Debido a la depresión de la lámina vertiente junto al vertedor la carga H debe ser medida aguas arriba, a una distancia aproximadamente igual o superior a $5H$.

H = carga del vertedor

L = longitud de cresta

B = ancho del canal de acceso

CLASIFICACIÓN DE VERTEDEROS

1. *Forma:*
 - a) Simples: rectangulares, trapezoidales, triangulares, etc.
 - b) Compuestos: secciones combinadas.
2. *Altura relativa del umbral:*
 - a) Vertedores completos o libres: ($p > p'$);
 - b) Vertedores incompletos o ahogados: ($p < p'$).
3. *Espesor de la pared:*
 - a) Vertedores de pared delgada: placas o madera biselada
 - b) Vertedores de pared gruesa: ($e > 0.66 H$).
4. *Longitud de cresta*
 - a) Vertedores sin contracciones laterales: ($L = B$);
 - b) Vertedores con contracciones ($L < B$).

Figura 9-4

Son considerados con contracciones los vertedores cuya longitud (L) es menor que el ancho del canal de acceso (Fig. 9-5).

Figura 9-5 Vertedores sin contracciones, con una contracción y con dos contracciones

B.3.2.1- VERTEDEROS DE PAREDES DELGADAS

B.3.2.1.1- VERTEDEROS RECTANGULARES

La Figura 9-6 muestra un vertedor rectangular de paredes delgadas con contracciones y otro sin contracciones.

Figura 9-6

Examinándose el movimiento del agua en un vertedor (Fig. 9-7), se observa que los filetes inferiores, aguas arriba, se elevan, tocan la cresta del vertedor y se elevan ligeramente a continuación. La superficie libre del agua y los filetes próximos bajan.

En estas condiciones, se verifica un estrechamiento de la vena, como sucede con los orificios.

Para los orificios de grandes dimensiones fue deducida la siguiente fórmula:

$$Q = \frac{2}{3} C_d L \sqrt{2g} (h_2^{3/2} - h_1^{3/2}).$$

Figura 9-7

Haciéndose:

$$h_1 = 0,$$

$$h_2 = H,$$

$$Q = \frac{2}{3} C_d L \sqrt{2g} H^{3/2},$$

$$Q = K L H^{3/2},$$

Tabla 9.1. Vertedores rectangulares: de pared delgada, sin contracciones. Fórmula de Francis: caudal por m lineal de cresta*

Altura H , cm	Q , l/s	Altura H , cm	Q , l/s
3	9,57	25	230,0
4	14,72	30	302,3
5	20,61	35	381,1
6	27,05	40	465,5
7	34,04	45	555,5
8	41,58	50	650,6
9	49,68	55	750,5
10	58,14	60	855,2
11	67,12	65	964,2
12	76,53	70	1 077,7
13	86,24	75	1 195,1
14	96,34	80	1 316,5
15	106,90	85	1 442,0
20	164,50	90	1 571,0

*Para los vertedores con ancho menor o mayor de 1 (un) metro, se multiplican los valores indicados por el valor correspondiente al ancho real.

Los valores de m se encuentran tabulados en diversos libros de Hidráulica, resultando la siguiente fórmula:

$$Q = mLH \sqrt{2gH}$$

Las fórmulas precedentes son válidas para los vertedores, en los cuales actúa la presión atmosférica de la lamina vertiente (espacio W ocupado por el aire -Fig. 9-7). En la fórmula anterior, de Francis, se desprecia la velocidad de llegada del agua.

9.6. INFLUENCIA DE LAS CONTRACCIONES

Las contracciones ocurren en los vertedores cuyo ancho es inferior a la del canal en que se encuentran instalados ($L < B$).

Francis, después de muchos experimentos concluyó que todo pasa como si en el vertedor con contracciones al ancho fuese reducido.

Según Francis, se debe considerar en la aplicación de la fórmula un valor corregido para L . Para una contracción:

Para dos contracciones:

$$L' = L - 0.1H.$$

$$L' = L - 0.2H.$$

Para el caso de dos contracciones (Fig. 9-8), la fórmula de Francis sería:

$$Q = 1.838 \left(L - \frac{2H}{10} \right) H^{3/2}$$

(sin tener en cuenta la velocidad de llegada del agua).

Figura 9-8

Figura 9-9

Las correcciones de Francis también han sido aplicadas a otras expresiones incluyéndose, entre éstas, la propia fórmula de Bazin.

B.3.2.1.2- VERTEDERO TRAPEZIAL (CIPOLLETTI)

Cipolletti procuró determinar un vertedor trapezoidal que compensase el decrecimiento del caudal debido a las contracciones.

$$Q = Q_2 + 2Q_1.$$

La inclinación de las caras fue establecida de modo que la descarga a través de las partes "triangulares" del vertedor correspondiese al decrecimiento de la descarga debido a las contracciones laterales, con la ventaja de evitar la corrección en los cálculos.

Para estas condiciones, el talud resulta 1:4 (1 horizontal para 4 vertical).

Figura 9-12

9.8. INFLUENCIA DE LA VELOCIDAD DE LLEGADA DEL AGUA

La fórmula de Francis, que considera la velocidad del agua en el canal de acceso, es la siguiente:

$$Q = 1,838L \left[\left(H + \frac{V^2}{2g} \right)^{3/2} - \left(\frac{V^2}{2g} \right)^{3/2} \right]$$

Donde V es la velocidad en el canal.

En muchos casos prácticos esa influencia es despreciada. Ella debe ser considerada en los casos en que la velocidad de llegada del agua es elevada, en los trabajos en que se requiere gran precisión, y siempre que la sección del canal de acceso sea inferior a 6 veces el área de flujo en el vertedor (aproximadamente $L \times H$).

9.9. INFLUENCIA DE LA FORMA DE LA VENA

En los vertedores en que el aire no penetra en el espacio W (Fig. 9-7) debajo de la lámina vertiente puede ocurrir una depresión, modificándose la posición de la vena y alterándose el caudal.

Esta influencia se puede verificar en vertedores sin contracciones o en vertedores con contracciones, como el indicado en la Figura 9-13, en los cuales la prolongación de las caras encierra totalmente la vena vertiente, aislando el espacio W . En estas condiciones, la lámina líquida puede tomar una de las siguientes formas:

Cuando se emplea un vertedor para medir caudales, se deben evitar esas condiciones particulares.

- Lámina deprimida.* El aire es arrastrado por el agua, ocurriendo un vacío parcial en W , que modifica la posición de la vena. (Fig. 9-14b).
- Lámina adherente.* Ocurre cuando el aire sale totalmente (Fig. 9-14c).
En cualquiera de estos casos el caudal es superior al previsto o dado por las fórmulas indicadas.
- Lámina ahogada.* Cuando el nivel aguas abajo es superior al de la cresta (Fig. 9-14d).

$$p' > p$$

En los vertedores ahogados, el caudal disminuye a medida que aumenta la sumersión.

De acuerdo con los datos del U.S. of Board Waterways, el caudal de estos vertedores puede ser estimado teniendo como base los valores relativos a la descarga de los vertedores libres, aplicándose un coeficiente de reducción.

Tabla 9-2 Coeficientes para vertedores ahogados

h/H	Coeficiente	h/H	Coeficiente
0.0	1,000	0.5	0,937
0.1	0,991	0.6	0,907
0.2	0,983	0.7	0,856
0.3	0,972	0.8	0,778
0.4	0,956	0.9	0,621

Siendo h la altura del agua, por encima de la cresta, medida aguas abajo:

$$h = p' - p.$$

Figura 9-13 (Planta)

Figura 9-14

Figura 9-15 Fotografía de laboratorio mostrando la depresión y adherencia de la vena líquida.

Figura 9-16 En los vertedores triangulares no existe la cresta horizontal; la influencia de la velocidad de llegada del agua es depreciable y es perfecta la ventilación de la lámina vertical.

B.3.2.1.3- VERTEDEROS TRIANGULARES

Los vertederos triangulares hacen posible una mayor precisión en la medida de cargas correspondientes a caudales reducidos. Estos vertederos generalmente son construidos en

placas metálicas. En la práctica, solamente son empleados los que tienen forma isósceles, siendo más usuales los de 90°.

Para estos vertederos, se adapta la fórmula de Thomson:

$$Q = 1,4H^{5/2}$$

Figura 9-17

donde Q es el caudal en m^3/s y H es la carga, en m.

El coeficiente dado (1,4), en realidad, puede tomar valores entre 1,40 y 1,46.

La Tabla 9-3 incluye los caudales ya calculados para las cargas más comunes

Tabla 9-3 Vertederos triangulares pared delgada y lisa. Fórmula de Thomson

Altura H , cm	Q , l/s	Altura H , cm	Q , l/s
3	0,14	17	16,7
4	0,42	18	19,2
5	0,80	19	22,0
6	1,24	20	25,0
7	1,81	21	28,3
8	2,52	22	31,8
9	3,39	23	35,5
10	4,44	24	39,5
11	5,62	25	43,7
12	6,98	30	69,0
13	8,54	35	101,5
14	10,25	40	141,7
15	12,19	45	190,1
16	14,33	50	247,5

B.3.2.1.4- VERTEDERO CIRCULAR (EN PARED VERTICAL)

Vertedores de sección circular, aunque se emplean rara vez, ofrecen como ventajas:

- a) facilidad de construcción;
- b) no requiere el nivelamiento de la cresta.

En unidades métricas, la ecuación del caudal de un vertedor circular es el siguiente:

$$Q = 1,518D^{0.693} H^{1.807}$$

Figura 9-18

B.3.2.1.5- VERTEDERO TUBULAR

Figura 9-19

Los tubos verticales instalados en tanques, recipientes, depósitos de agua, etc., pueden funcionar como vertedores de la cresta curva, siempre que la carga sea inferior a la quinta parte del diámetro externo:

$$H < \frac{D_e}{5}$$

En este caso, se aplica una fórmula del tipo:

donde:

$$Q = KLH^n,$$

$$L = \pi D_e.$$

Los experimentos llevados a cabo, en la Universidad de Cornell, muestran que $n = 1,42$ y que el coeficiente K depende del diámetro del tubo:

Valores de D_e , m	K
0,175	1,435
0,25	1,440
0,35	1,455
0,50	1,465
0,70	1,515

Para los valores de H , comprendidos entre $1/5 D_e$ y $3D_e$, el tubo funciona como orificio, con interferencias provocadas por el movimiento del aire (formación de vórtice).

Los tubos verticales, instalados en los depósitos de agua para funcionar como excedencias, presentan las siguientes descargas para esas condiciones de lámina vertiente:

Valores de D , mm	Q , l/s
200	12 a 54
300	32 a 154
400	64 a 320
500	108 a 530
600	174 a 870

B.3.2.1.6- VERTEDEROS PROPORCIONALES

Los vertederos proporcionales son construidos con una forma especial, para la cual el caudal varía proporcionalmente a la altura de lámina líquida (primera potencia de H). Por eso también se denominan vertederos de ecuación lineal.

Se aplican ventajosamente en algunos casos de control de las condiciones de flujo en canales, particularmente en canales de sección rectangular, en plantas de tratamiento de aguas negras, etc.

B.3.2.1.6.1- VERTEDEROS PROPORCIONALES SUTRO Y RETTGER

Vertedor Sutro

$$Q = 2,74 \sqrt{ab} \left(H - \frac{a}{3} \right) = 2,74 b \sqrt{a} \left(H - \frac{a}{3} \right)$$

- Q = Caudal, m³/s;
- a = altura mínima, m;
- b = ancho de la base, m;
- H = altura del agua, m.

Figura 9-23

La forma de las paredes del vertedor es dada por:

$$\frac{x}{b} = 1 - \frac{2}{\pi} \arctg \sqrt{\frac{y}{a}}$$

La Tabla siguiente facilita los cálculos.

Tabla 9-5

y/a	x/b	y/a	x/b	y/a	x/b
0,1	0,805	1,0	0,500	10,0	0,195
0,2	0,732	2,0	0,392	12,0	0,179
0,3	0,681	3,0	0,333	14,0	0,166
0,4	0,641	4,0	0,295	16,0	0,156
0,5	0,608	5,0	0,268	18,0	0,147
0,6	0,580	6,0	0,247	20,0	0,140
0,7	0,556	7,0	0,230	25,0	0,126
0,8	0,536	8,0	0,216	30,0	0,115
0,9	0,517	9,0	0,205	35,0	0,107

B.3.2.1.6.2- VERTEDERO PROPORCIONAL DI RICO

Figura 9-24

Vertedor de Di Ricco (Forma aproximada)

$$Q = KL \sqrt{a} \left(H + \frac{5}{8} a \right)$$

Expresión válida para láminas comprendidas entre 2,5a y 10a y para

$$\frac{10}{3} \leq \frac{L}{a} \leq 25,$$

L, H y a se expresan en metros

Tabla 9-6 Valores de K

L/a	3	5	7	10	15	20
K	2,094	2,064	2,044	2,022	1,997	1,978

B.3.2.2- VERTEDEROS DE PAREDES GRUESAS

Un vertedor es considerado de pared gruesa, cuando la cresta es suficientemente gruesa, para que en la vena adherente se establezca el paralelismo de los filetes.

Aplicando la expresión de Torricelli:

y

$$V = \sqrt{2g(H-h)},$$

$$Q = Lh\sqrt{2g(H-h)} \tag{1}$$

o para el ancho unitario $L = 1$

$$Q = \sqrt{2g(Hh^2 - h^3)}.$$

Principio del Caudal Máximo, de Belanger: "La altura h se establece de forma que ocasione un caudal máximo". Con base en este principio, se puede investigar el valor máximo de Q :

Figura 9-20

Derivando $Hh^2 - h^3$ e igualando a cero

$$2Hh - 3h^2 = 0,$$

$$2H = 3h.$$

Sustituyéndose este valor en (1):

$$h = \frac{2}{3}H,$$

$$Q = L \frac{2}{3}H \sqrt{2g \frac{1}{3}H},$$

$$Q = \frac{2}{3} \sqrt{\frac{2g}{3}} L H^{3/2},$$

$$Q = 1,71 L H^{3/2}$$

Expresión confirmada en la práctica.

Figura 9-21. Vertedor de pared gruesa, (Cortesía del Centro Tecnológico de Hidráulica de Sao Paulo, Brasil).

B.3.2.2.1- VERTEDEROS DE EXEDENCIAS

En el trazado de la sección transversal de las obras de excedencias, o en el estudio del perfil de los propios diques, que funcionan ahogados, se busca adoptar la forma más satisfactoria, teniéndose en cuenta el flujo de la lámina vertiente.

La forma ideal es aquella que favorece el caudal o descarga y que al mismo tiempo, impide la eventualidad de efectos nocivos a la estructura, tales como el vacío parcial, las pulsaciones de la vena, las vibraciones, etc.

Tabla 9-4 Perfil de Creager

x	y	x	y	x	y
0,0	0,126	0,6	0,060	1,7	0,870
0,1	0,036	0,8	0,142	2,0	1,220
0,2	0,007	1,0	0,257	2,5	1,960
0,3	0,000	1,2	0,397	3,0	2,820
0,4	0,007	1,4	0,565	3,5	3,820

El trazado de la cresta debe ser hecho para el caudal máximo esperado, o sea, para la mayor carga admisible (carga de diseño).

De acuerdo con las experiencias de Creager y Escande, pueden ser adoptados los valores de la Figura 9-22 para una carga $H = 1 \text{ m}$. Para otros valores de H , basta multiplicar las coordenadas indicadas por los mismos. En las condiciones ideales de proyecto, se puede aplicar la siguiente expresión:

$$Q \cong 2,2L H^{3/2}$$

Figura 9-22

B.3.3- MEDIDORES DE RÉGIMEN CRÍTICO (CANALETA PARSHALL)

Figura 28-3

Los medidores de régimen crítico pueden consistir en un simple estrechamiento adecuado de sección, en el rebajamiento o en la elevación del fondo, o aún, en una combinación conveniente de estas singularidades, capaz de ocasionar el régimen crítico.

Hay una gran variedad de medidores de este tipo, siendo bastante conocidos los *medidores Parshall*.

Los medidores Parshall son constituidos por una sección convergente, una sección estrecha y una sección divergente, dispuestas conforme muestra la Figura 28-3.

Los medidores Parshall son muy indicados para la medida del caudal de alcantarillas, por el hecho de no presentar aristas vivas u obstáculos a la corriente líquida.

Como la pérdida de carga es relativamente pequeña, su empleo tiende a generalizarse.

Es un medidor que se incluye entre los de régimen crítico, siendo idealizado por R. L. Parshall, ingeniero del Servicio de Irrigación del Departamento de Agricultura de los Estados Unidos. Consiste en una sección convergente, una sección de paredes verticales paralelas llamada garganta y una sección divergente, dispuestas en planta, como muestra la Figura 29.2.

Los medidores Parshall son indicados nominalmente, por el ancho de la garganta; así, un Parshall de 9 pulgadas mide 0,23 m en la menor sección transversal.

El fondo a nivel en la primera sección, es inclinado en la garganta con un declive de 9 vertical: 24 horizontal, cualquiera que sea su tamaño.

En la sección divergente, el fondo es ascendente a razón de 1 vertical: 6 horizontal en el caso de los medidores de 1 a 8 pies. Para esos medidores, la diferencia de nivel entre aguas arriba y el extremo aguas abajo es de 3 pulgadas (7,6 cm).

Figura 29-2

29.4.2. CONDICIONES DE DESCARGA

El flujo a través de un medidor Parshall se puede verificar en dos condiciones diferentes, que corresponden a dos regímenes distintos:

- a) flujo o descarga libre;
- b) ahogamiento o sumersión.

Tabla 29-1. Dimensiones típicas de medidores Parshall (cm)

W	A	B	C	D	E	F	G	K	N	
1"	2,5	36,3	35,6	9,3	16,8	22,9	7,6	20,3	1,9	2,9
3"	7,6	46,6	45,7	17,8	25,9	38,1	15,2	30,5	2,5	5,7
6"	15,2	62,1	61,0	39,4	40,3	45,7	30,5	61,0	7,6	11,4
9"	22,9	88,0	86,4	38,0	57,5	61,0	30,5	45,7	7,6	11,4
1'	30,5	137,2	134,4	61,0	84,5	91,5	61,0	91,5	7,6	22,9
1 ^{1/2} '	45,7	144,9	142,0	76,2	102,6	91,5	61,0	91,5	7,6	22,9
2'	61,0	152,5	149,6	91,5	120,7	91,5	61,0	91,5	7,6	22,9
3'	91,5	167,7	164,5	122,0	157,2	91,5	61,0	91,5	7,6	22,9
4'	122,0	183,0	179,5	152,5	193,8	91,5	61,0	91,5	7,6	22,9
5'	152,5	198,3	194,1	183,0	230,3	91,5	61,0	91,5	7,6	22,9
6'	183,0	213,5	209,0	213,5	266,7	91,5	61,0	91,5	7,6	22,9
7'	213,5	228,8	224,0	244,0	303,0	91,5	61,0	91,5	7,6	22,9
8'	244,0	244,0	239,2	274,5	340,0	91,5	61,0	91,5	7,6	22,9
10'	305,0	274,5	427,0	366,0	475,9	122,0	91,5	183,0	15,3	34,3

B.3.4- QUÍMICOS, COLORIMÉTRICOS Y RADIATIVOS

Son similares a los indicados para Esguerrimientos a Presión

B.3.5- FLOTADORES

Consisten en objetos flotantes que adquieren la velocidad del agua que los circundan. Pueden ser de tres tipos.

- a) *Simples o de superficie.* El inconveniente presentado por este flotador se debe al hecho de ser muy influido por el viento, por las corrientes secundarias y por las olas.
- b) *Dobles o subsuperficiales.* Constituyen un pequeño flotador de superficies, al cual está unido por una cuerda un cuerpo sumergido, a la profundidad deseada. Se hace

que el volumen del primero sea despreciado frente al segundo. En estas condiciones, manteniéndose el cuerpo sumergido cerca de seis décimos de la profundidad, se determina la velocidad media (Fig. 28-23b).

- c) *Bastones flotadores o flotadores lastrados.* Son tubos metálicos huecos o de madera, que tienen en la parte inferior un lastre de plomo para que flote en una posición próxima a la vertical (Fig. 28-23c). L debe ser igual aproximadamente a $0,95 H$.

Francis presentó la siguiente fórmula:

$$V_{\text{med}} = V_{\text{obs}} \left(1,02 - 0,116 \sqrt{1 - \frac{L}{H}} \right),$$

válida para $\frac{L}{H} > \frac{3}{4}$,

H = profundidad del canal

L = extensión del bastón

Observación general. Actualmente, los flotadores rara vez son usados para mediciones precisas debido a muchas causas de errores (causas perturbadoras como los vientos, irregularidades del lecho del curso del agua, etc.). Son sólo empleados para determinaciones rápidas y a falta de otros recursos.

Aplicación. Se elige un tramo rectilíneo del curso de agua de sección regular. Se extienden dos cuerdas de lado a lado, a una distancia de 25 a 50 m. Se divide transversalmente el

curso del agua, en varias secciones. Se sueltan los flotadores, midiéndose el tiempo que se empleó en el trayecto. Siempre que un flotador se desvía de su curso, se abandona la lectura y se repite el lanzamiento. La sección del lecho del curso del agua es determinada por medio de medidas con regla graduada o por medio de sondeos.

$$Q = A_1 V_1 + A_2 V_2 + A_3 V_3 + \dots$$

Figura 28-24

B.3.6- MOLINETE HIDROMÉTRICO O CORRENTÓMETRO

El Correntómetro o Molinete es un dispositivo que posee un rotor en forma de hélice, con eje horizontal, o constituido por una serie de cazoletas (Pigmy), con eje vertical, los cuales giran al estar en contacto con una corriente de agua, siendo el número de revoluciones proporcional a la velocidad de la corriente. Los molinetes pueden disponerse montados en soportes o suspendidos de cables.

Cada molinete viene calibrado de fábrica y acompañado de una tabla o ecuación, donde se relaciona la velocidad angular de la rueda giratoria con la velocidad de la corriente. Un molinete debe calibrarse una vez al año y también después de cada accidente que sufra o de cualquiera alteración de sus partes que pueda cambiar su graduación.

En las corrientes superficiales se montan pequeños molinetes sobre barras que sostienen operarios que caminan por el agua. Cuando hay que medir caudales de una avenida en grandes ríos, las lecturas se toman desde un puente o instalando un cable suspendido por encima del nivel máximo de la avenida; el molinete se baja por medio de cables con pesas para retenerlo contra la corriente del río.

Cuanto mayor sea el número de registros realizados en un mismo punto de aforo, más confiable será la apreciación de la velocidad medida; por lo mismo, se sugiere explotar las velocidades de corriente en diferentes puntos igualmente espaciados sobre el espejo del agua.

Un molinete mide la velocidad en un único punto, es por esto que, para calcular el caudal total se deben realizar varias mediciones. Según sea el grado de precisión que se quiera obtener en el aforo, se tomarán mayor o menor número de puntos de medida en la sección. Cuando se pretende obtener una alta precisión, se elegirán mayor número de verticales en la sección y se calculará la velocidad media en cada vertical. El número de revoluciones por intervalo de tiempo se transforma a velocidad de la corriente consultando la tabla del instrumento o su ecuación respectiva.

AFOROS LÍQUIDOS DE CURSOS DE AGUA

Aforar una corriente de agua es determinar en un momento dado el valor del caudal. A esta operación se la llama aforo y comprende a todas las Tareas de Campo y Gabinete que nos permiten determinar el caudal que pasa por una sección. A su vez, a la/s persona/s que la realiza/n, se la/s llama Hidromensor/es, o mas vulgarmente, Aforador/es.

Los métodos para hacer el aforo de un río, son: a) Sección de control, b) Relación sección-pendiente y c) Relación sección-velocidad.

a) SECCIÓN DE CONTROL

Tiene en cuenta las leyes que opera la hidráulica con un fluido como el agua. Es el más exacto, en especial para caudales bajos. Debe tener una sección de control donde se manifieste una energía específica, que es la mínima para escurrimiento del río, energía que se manifiesta por el tirante y la altura de velocidad. Esto produce el tirante crítico, que se puede provocar artificialmente en el cauce de un río, elevando el fondo del cauce, estrechando las márgenes de la sección, o combinando ambas modificaciones.

Las secciones artificiales construidas pueden ser vertederos, que son de pared delgada para caudales mínimos menores a 0,5 m³/s, y de pared gruesa para caudales mayores, con secciones de paso triangular o rectangular. Con la ecuación $Q = C * L * H^{3/2}$, se puede calcular el escurrimiento del río, con C coeficiente de contracción del vertedero, L ancho del vertedero y H altura de agua.

b) RELACIÓN SECCIÓN - PENDIENTE

Parte el análisis de la fórmula de velocidad propuesta por Manning: $V = 1/n * R^{2/3} * S^{1/2}$, donde n es el coeficiente de rugosidad de Manning, R radio hidráulico y S pendiente del pelo de agua.

Requiere de un tramo del río lo mas recto posible, uniforme en la conformación de la sección de escurrimiento, dos secciones específicas y la medición de la altura hidrométrica del río en el lugar.

Con el promedio de las 2 secciones y los 2 radios hidráulicos, calculando la pendiente con el desnivel de agua dividido la longitud de separación entre secciones, y considerando que el delta h es la suma de la altura de agua mas altura de velocidad mas la altura de turbulencia, despreciando estas últimas por poca significación, se puede calcular el caudal multiplicando la sección de escurrimiento promedio por la velocidad según Manning.

La precisión se obtiene con una buena elección del coeficiente de rugosidad n .

c) RELACIÓN SECCIÓN - VELOCIDAD

Es el más usado de los métodos de aforos. El análisis parte de la ecuación $Q = S * V$ (caudal = sección * velocidad).

Se puede realizar en forma expeditiva y aproximada mediante flotadores ó, en forma más exacta, con molinetes.

c.1) ESTIMACIÓN DE VELOCIDAD CON FLOTADORES

Es un método muy utilizado en determinaciones expeditivas. Es sencillo y prácticamente no requiere equipo especial alguno.

Es preciso tener en claro que se debe realizar aforos con flotadores:

- En aquellos casos en que por circunstancias imprevistas sea imposible realizar el aforo por métodos más confiables.
- Cuando es posible utilizar los datos en forma aproximada.
- Cuando la premura impide hacer el aforo por otro método (caso de una onda de crecida, por ejemplo).

El tramo donde se va a realizar el aforo debe ser lo más recto y uniforme posible, libre de cualquier obstáculo que pueda frenar a los flotadores (ramas de árboles, vegetación acuática, etc.), y cuya longitud sea no menor a seis veces el ancho del cauce.

Al ser este un caso especial en que para la determinación de la velocidad del agua se trabaja en un cierto tramo del curso, no específicamente en una sección, hay que tomar como sección de escurrimiento la media del tramo. Hay que delimitar claramente la sección de entrada y la de salida, con la longitud que las separa.

La velocidad media del tramo se determinará de acuerdo al tipo de flotador usado: superficiales o sumergidos. Los flotadores superficiales dan directamente la velocidad superficial, que para transformarla en velocidad media de la vertical hay que afectarla por un coeficiente:

$$V_{\text{media vertical}} = 0,85 \times V_{\text{media superficial}}$$

esto hay que corroborarlo, ya que no siempre es constante ese coeficiente (varía entre 0,80 y 0,95).

El flotador puede ser una simple madera o una botella lastrada, teniendo el inconveniente de que cuando hay viento durante las mediciones, éstas pueden verse afectadas, por ello la mayor parte del flotador debe estar hundida.

En el caso de los flotadores sumergidos, compuestos por un flotador superficial unido a una pantalla, de tal manera que la misma ofrezca una resistencia uniforme a la corriente horizontal del agua, o también pueden ser listones de maderas lastradas, no deben afectarse por el coeficiente anterior, pues ya lo llevan implícito. Éstos andan muy bien en canales o cauces uniformes, no para superficies de fondo irregulares donde los flotadores pueden trancarse:

Un método sumamente expeditivo consiste en arrojar a un curso de agua flotadores superficiales y tomar el tiempo que tardan en recorrer la longitud L que existe entre las dos secciones de paso anteriormente determinadas.

Para ello se arrojan las botellas lastradas unos 5 a 10 m aguas arriba de la sección inicial. Cuando el flotador pasa por esa sección inicial se pone en marcha el cronómetro ($t_0 = 0$), parándolo cuando pasa por la sección final (t_1):

La botella que demora menos tiempo se la toma para el cálculo de la velocidad máxima superficial:

$$V_{\text{máxima superficial}} = L / t_1$$

Luego se transforma a la velocidad máxima superficial en velocidad media de la sección a través de un coeficiente:

$$V_{\text{media sección}} = \text{coeficiente} \times V_{\text{máxima superficial}}$$

Este coeficiente no es muy estable, tomando valores desde 0,55 a 0,90, por lo cual periódicamente se lo debe corroborar con métodos más precisos.

Se asume como sección media a la que se encuentra a la mitad de L:

Quedando:

$$Q = \text{cte.} \times V_{\text{máxima superficial}} \times \text{Sección media}$$

Si el curso de agua tiene un ancho considerable, o se requiere mayor precisión, se trabajará con más de un flotador:

En este caso particular, supongamos que trabajaremos con 3 flotadores. El mismo trabajo que se hizo para el método expeditivo se realiza aquí, pero ahora se particiona la sección transversal en cuatro secciones más pequeñas, para tener mayor precisión. Se medirá cada una de las distancias horizontales:

d2: comprendida entre la orilla (1) y el primer flotador.

d3: comprendida entre la orilla (1) y el segundo flotador.

d4: comprendida entre la orilla (1) y el tercer flotador.

d5: comprendida entre la orilla (1) y la orilla (5), que es el ancho del cauce.

con sus respectivas profundidades (h2, h3 y h4) para cada uno de los flotadores.

El cálculo del caudal consiste ir haciéndolo en cada una de estas divisiones de la sección total, y por último sumar cada uno de estos valores. Por ejemplo, para calcular el caudal que pasa entre el primer y segundo aforador (2 y 3), que llamaremos Q2-3 se calcula:

La velocidad media entre esos dos flotadores es:

$$V_{media\ 2-3} = (V_{media\ vertical\ 2} + V_{media\ vertical\ 3}) / 2$$

La sección entre esos dos flotadores es:

$$S_{2-3} = (d_3 - d_2) \times (h_2 + h_3) / 2$$

Por lo tanto, el caudal que pasa entre 2 y 3 es:

$$Q_{2-3} = V_{media\ 2-3} \times S_{2-3}$$

De igual manera se trabaja en las otras divisiones, siendo un caso especial las orillas (1 y 5) donde se trabaja exactamente igual asumiendo que:

$$d_1 = 0 \quad h_1 = 0 \quad V_{media\ vertical\ 1} = 0 \quad h_5 = 0 \quad V_{media\ vertical\ 5} = 0$$

c.2) MEDICIÓN DE VELOCIDAD CON MOLINETES

El caudal depende directamente de la superficie (S) de la sección transversal de la corriente de agua y de la velocidad media del agua (V), obteniéndose el caudal o gasto (Q) por medio de la multiplicación de ambos factores:

$$Q = S \times V$$

La superficie de la sección transversal de la corriente, como su velocidad, varían con la altura de agua (tirante), por lo cual, una vez conocida esa relación, pueden obtenerse los caudales por medio de las alturas de agua registradas en escalas colocadas en forma apropiada.

De allí la importancia de relacionar la altura del agua con el caudal, ya que resulta más práctico y rápido medir la primera que el segundo. Esta relación periódicamente debe ser revisada y, si es necesario, actualizada.

La determinación de la velocidad se realiza en la misma sección transversal, cuando se trabaja con molinete hidrométrico. Es de suma importancia para el Hidromensor conocer la distribución de las velocidades en la sección de aforo, cuya distribución no es uniforme.

Normalmente, va aumentando de las orillas hacia el centro y, en una misma vertical, va creciendo a partir de la superficie hacia abajo hasta alrededor de 0,2 (20 %) de la profundidad, para luego ir decreciendo hasta el fondo:

El punto de máxima velocidad se encuentra generalmente en las proximidades del centro del cauce y a 0,2 ó 0,3 de la profundidad.

Cuanto más profundidad tenga en la vertical y flujo no uniforme, mayor número de mediciones por vertical se deberá hacer.

En todos los casos (cualquiera sea la cantidad de puntos que se adopte en la vertical), lo que se pretende hacer es transformar velocidades puntuales medidas con el molinete en la media o promedio de esa vertical.

El más preciso es el método de los puntos múltiples, consiste en medir en la vertical cada 10 % de la profundidad, más la medición en superficie y la de fondo. La distancia mínima entre punto y punto está dada por el diámetro de la hélice. Este método permite dibujar con mayor definición la curva de velocidades en la vertical, que por lo general tiene esta forma:

Se lo utiliza como método patrón, pero tiene el inconveniente de que se necesitan muchos puntos de medición, es decir, que se incrementa mucho el trabajo de campo y también de gabinete.

Se ha simplificado este método para distintas circunstancias: método de los 5 puntos, de los 3 puntos, de los dos puntos, de un punto y de la velocidad superficial.

El método de los 5 puntos se aplica normalmente a ríos, cuya fórmula es:

$$V_{\text{media vertical}} = (V_{\text{superficial}} + 3 V_{0,2} + 2 V_{0,6} + 3 V_{0,8} + V_{\text{fondo}}) / 10$$

donde:

$V_{\text{superficial}}$ = velocidad superficial, es aquella medida cuando el agua justo tapa la hélice totalmente (no tiene que quedar ninguna parte de la hélice fuera del agua).

$V_{0,2}$ = Velocidad medida ubicando el centro de la hélice al 20 % de la profundidad. Siempre midiendo desde la superficie del agua hacia el fondo.

$V_{0,6}$ = Velocidad medida al 60 % de la profundidad.

$V_{0,8}$ = Velocidad medida al 80 % de la profundidad.

V_{fondo} = Velocidad de fondo, medida lo más cerca posible del fondo, sin que la hélice choque con el piso.

El método de los 3 puntos se aplica también en ríos, así como también en canales y acequias. Se utiliza mucho en canales de riego cuando se quiere tener mucha precisión. Su fórmula es una simplificación de la anterior:

$$V_{\text{media vertical}} = (V_{0,2} + V_{0,6} + V_{0,8}) / 3$$

El método de los 2 puntos consiste en asumir que la media vertical es el promedio entre las mediciones hechas al 20 % y al 80 %:

$$V_{\text{media vertical}} = (V_{0,2} + V_{0,8}) / 2$$

El método de 1 punto supone que la velocidad media de la vertical está a 0,6 de la profundidad:

$$V_{\text{media vertical}} = V_{0,6}$$

Anda muy bien para aforos en canales o acequias uniformes de poca profundidad, sobre todo si son revestidos.

El método de la velocidad superficial consiste en asumir que la velocidad media en la vertical se la calcula con la velocidad superficial afectada por un coeficiente:

$$V_{\text{media vertical}} = V_{\text{superficial}} \cdot \text{coeficiente}$$

Es el método menos preciso (no es recomendable), no sólo porque requiere un coeficiente para transformar la velocidad superficial en media vertical, sino porque ese coeficiente no es muy estable (varía). Por lo general el coeficiente es 0,85.

Si se unen todos los puntos de igual velocidad se obtienen las curvas isotaqueas:

Para realizar el aforo debe tenerse una estación de aforos, que contiene una sección de medición donde se materializa el aforo, una escala hidrométrica para relacionar las alturas de agua en el momento del aforo, y un control de que esa estación de aforo sea una sección donde se asegure que la relación altura – caudal sea directa, y no que para una misma altura se manifiesten dos caudales, posibilitando la relación $H - Q$ en todas las alturas de agua del río.

El cálculo de caudal se llega midiendo la sección haciendo una batimetría, y subdividiendo la sección en áreas parciales donde se mide la profundidad en tramos separados un 10 % del ancho total.

Para cada profundidad se asigna la superficie de escurrimiento equidistante con las demás profundidades, y la suma de todas da el área transversal total de escurrimiento.

En los mismos sitios de medición de profundidades a través de un molinete, se mide la velocidad de escurrimiento del agua con el molinete paralelo al escurrimiento y perpendicular a la sección de paso, a distintas profundidades que en su modo mas completo implica medir en superficie, a 0,2 h, 0,6 h, 0,8 h y en el fondo, siendo h la profundidad de la vertical.

El gráfico de la profundidad con las velocidades citadas se llama curva de velocidades de la vertical. Luego se calcula la velocidad promedio de cada vertical y los caudales parciales multiplicando la velocidad media de cada vertical por el área parcial, y sumando todas, da el caudal total de escurrimiento por la sección donde se realiza el aforo.

El molinete está compuesto por un cuerpo principal que en su parte delantera tiene a la hélice, elemento que gira con la oposición que le genera la velocidad del agua y debe ser contada la cantidad de vueltas que registra en un plazo determinado de tiempo, con un contador digital. Previamente el fabricante ha entregado las ecuaciones que calculan la velocidad en base al número de revoluciones de la hélice.

El aforo por molinete requiere del siguiente instrumental de campaña: Molinete, cuyo elemento medidor de la velocidad es una hélice o una cazoleta, puede estar suspendido en el agua por cable accionado por un torno, o si la profundidad es menor por una barra fija apoyada en el fondo de la sección. En el primer caso es un aforo por pasarela y el segundo por vadeo.

Según sea el caso y la sección de aforo se requiere una alcantarilla o un puente, vagonetas colgadas de un cable entre torres a ambos márgenes del río, o una embarcación.

En el caso de altas velocidades de escurrimiento y profundidades importantes, el molinete es arrastrado por la corriente, y como la medición de la velocidad debe realizarse sobre una profundidad perfectamente vertical, se requiere el auxilio de contrapesos o escandallos de distintos pesos, variables entre 5 y 50 kilos.

Cuando aún así la velocidad del agua arrastra el molinete se debe hacer una corrección de la medición de la profundidad teniendo en cuenta el ángulo de arrastre.

En el ejemplo de la Figura 3 se han realizado medidas en cuatro verticales: En cada vertical se mide la distancia desde la orilla (distancias A-1, A-2, etc.), la profundidad en ese punto, y se realizan una o varias medidas de la velocidad a distintas profundidades. En el ejemplo del dibujo se han realizado: dos medidas en la vertical 1, cuatro medidas en las verticales 2 y 3 y tres medidas en la vertical 4.

A partir de las velocidades se obtiene el caudal por el siguiente procedimiento:

1º) Se dibujan a escala los perfiles de corriente correspondientes a cada vertical donde se midió con el molinete (Figura 4). Se planimetra cada uno de los perfiles. Como en horizontal están las velocidades en m/seg y en vertical la profundidad en metros, la superficie planimetrada en cada perfil estará en m^2/seg .

2º) Se dibuja una vista en planta del cauce, en abscisas la anchura del mismo, señalando los puntos exactos donde se midió, y en ordenadas los vectores en m^2/seg cuyas longitudes corresponden a la planimetría del punto anterior. Se traza la envolvente de todos estos vectores, planimetrando de nuevo. Esta planimetría, convertida a la escala del gráfico, ya es el caudal (en horizontal la anchura en metros, en vertical m^2/seg ; el producto en m^3/seg).

Aforo con molinete

En el Tema T050 se indica el procedimiento para calcular el caudal de un cauce a partir de los datos tomados con un molinete. Vamos a ver aquí un ejemplo resuelto paso a paso.

Datos de campo:

En el cuadro aparecen las medidas realizadas en el campo:

Vertical	Distancia a la margen izda (m)	Profundidad total (cm)	Medida	Distancia desde el fondo (cm)	Velocidad (m/s)
1	1,50	23	1A	14	0,21
2	2,80	36	2A	10	0,30
"	"	"	2B	26	0,36
3	4,20	54	3A	12	0,32
"	"	"	3B	24	0,40
"	"	"	3C	43	0,50
4	5,70	63	4A	10	0,42
"	"	"	4B	31	0,56
"	"	"	4C	54	0,64
5	7,10	31	5A	17	0,30
margen derecha	8,10	0			

Este sería un esquema de la disposición de las medidas realizadas:

Perfiles de flujo:

Con los datos anteriores dibujamos los perfiles de flujo sobre papel milimetrado: profundidad en vertical y velocidad de la corriente en horizontal.

Los perfiles de flujo se trazan a estima, siguiendo los extremos de los vectores velocidad, pero la forma curvada del perfil en gran parte hay que intuirlo, especialmente en las verticales en que hemos realizado una sola medida.

Planimetramos los cinco perfiles y obtenemos las superficies que aparecen en la segunda columna de la tabla:

Perfil nº	Superficie (cm ²)	Equivalencia (m ² /s)
1	2,16	0,0432
2	5,84	0,1168
3	11,01	0,2202
4	16,84	0,3368
5	4,49	0,0898

Por la escala elegida para dibujar los perfiles, cada cm² de papel equivale a 0,2 m/s en horizontal por 0,1 m de profundidad en vertical, es decir:

$$1 \text{ cm}^2 = 0,2 \text{ m/s} \cdot 0,1 \text{ m} = 0,02 \text{ m}^2/\text{s}$$

Multiplicando por este factor (0,02) obtenemos la tercera columna

(Obviamente, en cada caso utilizar las escalas más convenientes, pero al final, realizar un cálculo similar a éste)

Hay molinetes digitales que se mueven de arriba a abajo y nos dan directamente la velocidad media de esa vertical. En ese caso, bastaría multiplicar esa velocidad media por la profundidad para obtener m²/s.

Cálculo del caudal

Con los valores (m²/s) hallados en el apartado anterior, representamos el gráfico siguiente:

Podemos considerar que se trata de una visión en planta del cauce, en horizontal figura la anchura del mismo y la situación exacta de cada perfil. En vertical figura la magnitud obtenida de cada perfil de flujo. Unimos los extremos de los vectores con una envolvente de formas suaves. Planimetrando este gráfico y multiplicándolo por la escala elegida, tendremos el caudal:

Superficie en el papel: 46,58 cm²

Valor de cada cm² = 0,5 m · 0,05 m²/s = 0,025 m³/s

Caudal = 46,58 · 0,025 = 1,16 m³/s

MEDICIÓN DE CAUDALES CON EQUIPAMIENTO DOPPLER

Fundamentalmente, los equipos Doppler para aforar en canales miden la velocidad del agua en un cierto volumen. En este caso, se pueden usar para determinar el gasto con base a dos métodos:

- **Método "área - velocidad":** el gasto (Q) se calcula como la suma de todos los gastos elementales (Q_i) que cubren el área de una sección del canal; cada gasto elemental es el producto de la componente longitudinal de velocidad (V_i) multiplicado por el área asociado a esta velocidad (A_i).
 - Los equipos de tipo VD y PD estiman el gasto con base a este método. En este caso, no basta medir la velocidad del agua en distintas partes del canal; también debe medirse el tirante y la geometría de la sección. Como se verá a continuación, los equipos PD cuentan a menudo con sensores adicionales para poder hacerlo (Ilustración 2.7).
- **Método de la "velocidad índice":** el gasto (Q) se calcula como el producto del área hidráulica (A) por la velocidad media en el canal (V). Asumiendo que la sección del canal no cambia con el tiempo (es decir, no hay problemas de azolve, inestabilidades de los taludes, o crecimiento de malezas acuáticas), se determina el área hidráulica conociendo la geometría de la sección y midiendo el tirante (y). La velocidad media se determina a partir de una ecuación empírica (que se determina con una *calibración* en sitio) que usa la velocidad medida (o "velocidad índice") por el equipo Doppler en una cierta porción del canal (V_m) y eventualmente el tirante medido en el canal (y).
 - Por lo general, se utiliza este método cuando se trabaja con un AD. En este caso, no basta medir la velocidad en una cierta porción del canal; también debe estimarse el área hidráulica. Para poder hacerlo, los equipos tipo AD cuentan con un sensor de nivel (Ilustraciones 2.7c-d).

Los equipos Doppler para aforar en canales son equipos sofisticados, que cuentan con múltiples sensores y circuitos electrónicos que procesan la señal recibida por estos sensores (Ilustración 2.7). Sin embargo, no son tan difíciles de usar, porque vienen con programas de cómputo bastante amigables para poder manejarlos.

Nota: cuando se utiliza un programa de cómputo para calcular el gasto a partir de los datos proporcionados por un equipo Doppler, debe reportarse el nombre del *software* y su versión.

a

b

c

d

Ilustración 2.7. Los equipos Doppler para aforar en canales son equipos sofisticados, que cuentan con múltiples sensores.

(a-b) Ejemplos de equipos de tipo PD.

(c-d) Ejemplos de equipos de tipo AD.

3. Tecnología "VD" (Velocímetro Doppler)

3.1. Descripción de los equipos

Un VD está constituido por dos o tres sensores que envían ultrasonidos en el agua, un cable eléctrico y un circuito electrónico para poder programar el equipo y adquirir datos. El equipo mide la velocidad a unos 10 cm de distancia de sus sensores y en un volumen del orden de algunos cm^3 .

Actualmente, existen dos modelos de VD en el mercado: "FlowTracker" (marca Sontek) y "ADC" (marca OTT). Para aforar con un VD, se requiere de una varilla para poder sujetar el equipo y orientarlo (Ilustración 3.1).

"FlowTracker" [2D] (marca Sontek)

"ADC" (marca OTT)

Vadeo con VD

Mediciones de velocidad con VD

Ilustración 3.1. Distintos equipos de tipo VD y forma de sujetarlos.

4. Tecnología "PD" (Perfilador Doppler)

4.1. Descripción de los equipos

Un PD está constituido por tres o cuatro sensores orientados hacia abajo. Dichos sensores envían ultrasonidos en el agua y luego analizan el eco emitido por partículas en suspensión que se encuentran a diferentes profundidades; de esta manera, se logra determinar perfiles verticales de velocidad del agua. Para poder desplazarlo sobre la superficie del agua, un PD está normalmente montado sobre un bote pequeño (tipo catamarán) que puede ser arrastrado por medio de un cable.

La configuración y recuperación de datos con un PD se hace por medio de una computadora portátil y de una comunicación inalámbrica (tipo radio-modem o *bluetooth*). Los proveedores de PD suministran programas de cómputo específicos para poder configurar sus equipos y recuperar sus datos en tiempo real, y así calcular el gasto (Ilustración 4.1).

Perfil de velocidad medido con un PD

Laptop, radio-modem, batería e inversor para poder recibir los datos de un PD

Ilustración 4.1. Perfil vertical de velocidad generado por un PD y forma de recuperar los datos en tiempo real.

Actualmente, existen cinco modelos de ADCP en el mercado: "Río Grande" (marca RDI), "RiverCat" (marca Sontek), "StreamPro" (marca RDI), "QLiner" (marca OTT) y "FlowQuest" (marca LinkQuest).

"Río Grande" (marca RDI)

"StreamPro" (marca RDI)

"RiverCat" (marca Sontek)

"QLiner" (marca OTT)

"FlowQuest" (marca LinkQuest)

Uno de los primeros prototipos de PD (USGS, 1998)

Ilustración 4.2. Distintos modelos de equipos tipo PD.

AFOROS QUÍMICOS

Su fundamento es el siguiente: Arrojamos una sustancia de concentración conocida a un cauce, se diluye en la corriente, y aguas abajo tomamos muestras y las analizamos. Cuanto mayor sea el caudal, más diluidas estarán las muestras recogidas. La aplicación concreta de este principio se puede ejecutar con dos procedimientos distintos:

DE VERTIDO CONSTANTE

A un cauce de caudal Q (que queremos medir) se añade un pequeño caudal continuo q de una disolución de concentración conocida C_1 . Supongamos que el río ya tenía una concentración C_0 de esa misma sustancia. Se cumplirá que:

$$Q + q = Q_2 \quad [1]$$

$$Q \cdot C_0 + q \cdot C_1 = C_2 \cdot Q_2 \quad [2]$$

Podemos suponer que Q_2 es casi igual a Q (es decir que el caudal del río prácticamente no ha variado con el vertido q). Haciendo $Q_2 = Q$ y despejando resulta:

$$Q = q \frac{C_1}{C_2 - C_0} \quad [3]$$

Sin considerar la simplificación $Q_2 = Q$ sustituimos Q_2 de [1] en [2], y despejamos Q , obteniendo la siguiente expresión, que en la práctica proporciona un resultado casi idéntico al obtenido mediante [3]:

$$Q = q \frac{C_1 - C_2}{C_2 - C_0} \quad [4]$$

Si se utiliza una sustancia no contenida previamente en el río: $C_0 \approx 0$, la ecuación [3] se simplifica así:

$$Q = q \frac{C_1}{C_2} \quad [5]$$

Figura 6

Ejemplo: Se vierte un caudal constante de 0,4 litros/seg con una concentración de 30 g/L y en la muestra recogida aguas abajo se registra una concentración de 3,1 mg/L. La concentración previa en el río de la sustancia vertida es de 0,5 mg/L.

Aplicando la fórmula [3] (convertimos los 30 g/L en 30000 mg/L):

$$Q = 0,4 \frac{30000}{3,1 - 0,5} = 4615 \text{ litros / seg} = 4,6 \text{ m}^3 / \text{seg}$$

Si no hubiéramos tenido en cuenta la concentración previa del río ($C_0 = 0,5 \text{ mg/L}$), habríamos aplicado la expresión [5], con un error apreciable:

$$Q = 0,4 \frac{30000}{3,1} = 3870 \text{ litros/seg} = 3,87 \text{ m}^3/\text{seg}$$

DE VERTIDO ÚNICO (O DE INTEGRACIÓN)

Si no se dispone del equipo necesario para el vertido continuo o no es posible por otras razones, el vertido único de una sustancia al cauce es otra alternativa, aunque requiere una corriente turbulenta que asegure la mezcla del vertido con todo el caudal circulante hasta el punto de toma de muestras.

Se vierte un peso conocido; aguas abajo, y supuesta la homogeneización, se toman varias muestras a intervalos iguales de tiempo Δt , calculando previamente el principio y el final de la toma de muestras con un colorante. Las concentraciones en las n muestras tomadas serían $C_1, C_2, \dots, C_n$. El cálculo sería así:

$$\begin{aligned} \text{Peso vertido} &= \text{Peso que pasa en el } 1^{\text{er}} \Delta t + \text{Peso en el } 2^{\text{do}} \Delta t + \dots + \text{Peso en el último } \Delta t = \\ &= C_1 \cdot \text{Vol que pasa en el } 1^{\text{er}} \Delta t + C_2 \cdot \text{Vol en el } 2^{\text{do}} \Delta t + \dots + C_n \cdot \text{Vol en el último } \Delta t = \\ &= C_1 \cdot Q \cdot \Delta t + C_2 \cdot Q \cdot \Delta t + \dots + C_n \cdot Q \cdot \Delta t = \\ &= Q \cdot \Delta t \cdot (C_1 + C_2 + \dots + C_n) \end{aligned}$$

Despejando Q , resulta:

$$Q = \frac{\text{Peso vertido}}{\Delta t \cdot (C_1 + C_2 + \dots + C_n)} \quad [6]$$

En lo anterior hemos supuesto que el río no contenía la sustancia vertida. Si, por el contrario, la concentración previa en el cauce es C_0 , y no es despreciable, y C_1, C_2 , etc. son las concentraciones recogidas agua abajo, la expresión que utilizaríamos para el cálculo sería:

$$Q = \frac{\text{Peso vertido}}{\Delta t \cdot [(C_1 - C_0) + (C_2 - C_0) + \dots + (C_n - C_0)]} \quad [7]$$

AFOROS INDIRECTOS

En Hidromensura, se acostumbra en llamarlos así a aquellos que se realizan por métodos de correlación, sin la medición detallada de velocidades.

MEDIANTE ESCALAS LIMNIMÉTRICAS

Se trata de escalas graduadas en centímetros y firmemente sujetas en el suelo, a veces adosadas al pilar de un puente. En cauces muy abiertos puede ser necesario instalar varias escalas de manera que el final de una corresponda al comienzo de la siguiente (Figura 8). Es necesario que un operario acuda cada día a tomar nota de la altura del agua.

Fig. 8.- Escalas limnimétricas escalonadas

MEDIANTE LIMNÍGRAFOS

Miden el nivel guardando un registro gráfico o digital del mismo a lo largo del tiempo. El gráfico que proporcionan (altura del agua en función del tiempo) se denomina limnigrama. No solamente evitan la presencia diaria de un operario, sino que permiten apreciar la evolución del caudal de un modo continuo.

El modelo clásico funciona con un flotador que, después de disminuir la amplitud de sus oscilaciones mediante unos engranajes, hace subir y bajar una plumilla sobre un tambor giratorio. En la figura se muestran dos posibles accesos al centro del cauce: aéreo o subterráneo

Los equipos más modernos almacenan los niveles del flotador digitalmente, para después leerlos en un ordenador, o bien los envían instantáneamente al organismo de control. Otro tipo de dispositivos sin ninguna pieza móvil se colocan en el fondo del cauce, miden la presión y la traducen a altura de columna de agua sobre él.

CURVA ALTURA - CAUDAL

En cualquiera de los casos, el limnógrafo o la escala limnimétrica solamente miden el nivel del agua, necesitamos una ecuación que convierta el nivel en caudal. Para obtener esta curva para un punto concreto de un cauce, será necesario realizar numerosos aforos directos para establecer la relación entre niveles y caudales, que nos permitirá obtener el caudal a partir de la altura. En la figura 10 se muestran unos puntos de aforos directos sobre los que se ha realizado un ajuste polinómico y otro potencial. En este ejemplo, con cualquiera de las dos ecuaciones obtendremos el caudal a partir de un dato de nivel del agua en el cauce.

Esta relación hay que actualizarla periódicamente ya que la sección del cauce puede sufrir variaciones por erosión o deposición de sedimentos.

No en todos los puntos de un cauce el caudal es función solamente de la altura. Puede ser función de la altura y de la pendiente del agua. A veces es necesario instalar una presa o barrera para conseguir que sea sólo función de la altura.

Fig. 10.- Curva de gastos (relación altura-caudal)

PRESENTACIÓN DE LOS DATOS DE AFOROS LÍQUIDOS

Los datos de aforos pueden presentarse de los siguientes modos, según la utilización que se vaya a hacer de ellos:

- ♦ **Caudales (m^3/seg , litros/seg)**, que, aunque se trata de un dato instantáneo, pueden referirse al valor medio de distintos periodos de tiempo:
 - **Caudales diarios.** Lectura diaria de una escala limnimétrica u ordenada media del gráfico diario de un limnógrafo.
 - **Caudales mensuales, mensuales medios.** Para un año concreto es la media de todos los días de ese mes. Para una serie de años se refiere a la media de todos los Octubres, Noviembre, etc. de la serie estudiada.
 - **Caudal anual, anual medio (módulo).** Para un año concreto es la media de todos los días de ese año, para una serie de años se refiere a la media de todos los años de la serie considerada.

- ♦ **Aportación**, normalmente referida a un año, **aportación anual**, aunque a veces la referimos a un mes, **aportación mensual**. Es el volumen de agua aportado por el cauce en el punto considerado durante un año o un mes (Hm^3). Puede referirse a un año concreto o la media de una serie de años.

- ♦ **Caudal específico**: Caudal por unidad de superficie. Representa el caudal aportado por cada km^2 de cuenca. Se calcula dividiendo el caudal (normalmente el caudal medio anual, en $m^3/seg.$) por la superficie de la cuenca considerada ($Litros/seg/km^2$). Nos permite comparar el caudal de diversas cuencas, siendo sus superficies distintas. Las áreas de montaña proporcionan más de 20 $litros/seg/km^2$, mientras que, en las partes bajas de la misma cuenca se generan solamente 4 ó 5 $litros/seg/km^2$
- ♦ **Lámina de agua equivalente**. Es el espesor de la lámina de agua que se obtendría repartiendo sobre toda la cuenca el volumen de la aportación anual (Unidades: $mm.$). Se obtiene dividiendo al aportación anual por la superficie de la cuenca. Es útil especialmente cuando queremos comparar la escorrentía con las precipitaciones. Si la cuenca es hidrogeológicamente cerrada y los datos proceden de más de 20 años, este valor debe ser similar a las precipitaciones no evapotranspiradas (P-ETR).

ESTACIÓN DE AFOROS (PUESTO FLUVIOMETRICO)

1. En el establecimiento de puestos fluviométricos, deberán ser consideradas las facilidades de acceso, también en las estaciones lluviosas las condiciones topográficas y de flujo convenientes para la precisión de las lecturas y la determinación de la curva masa.

2. El servicio de observación diaria de las escalas (dos veces a las 7 y a las 17 horas) deberá ser confiado a una persona idónea y que resida cerca de la escala. Los observadores deberán quedar perfectamente instruidos en relación con la observación diaria de las escalas y en cuanto a la remisión puntual en los días 1 y 16 de cada mes, de las tarjetas quincenales a la sede del distrito; deberán quedar seguros de que el servicio que se les confía exige una absoluta honestidad y de que, si las observaciones no son hechas con buen criterio, el tiempo y dinero invertidos en la ida de los técnicos al lugar para proceder a mediciones de gastos quedarán perdidos.

3. Las escalas deberán ser instaladas en lugares de aguas tranquilas, protegidas contra la acción de maderas llevadas por las crecientes y a una distancia de la margen que permita buena visibilidad. Si es posible, se excavará una reentrante en la margen para colocar en ella la regla, libre de la corriente.

Las escalas a criterio de los técnicos, podrán ser colocadas en estacas soportes de madera buena, sólidamente enterradas al puente o a otras obras fijas.

Las cotas de las extremidades superior e inferior de las escalas, deberán tener en cuenta las informaciones tomadas en el sitio, sobre las crecientes excepcionales y sobre los estíos extremados, para evitar que las reglas queden sumergidas o en seco.

4. Para completa seguridad de la nivelación de los diversos percances de escala, deberán ser establecidos por lo menos dos BN (bancos de nivel). Uno de estas BN podrá ser una estaca de madera buena y con un mínimo de 8 cm de largo completamente enterrada en el suelo, será preferible además un marco de concreto. Un segundo BN deberá ser de preferencia construido en un punto fijo de una construcción sólida.

5. Siempre que sea posible, deberá ser determinada por nivelación geométrica la altitud del cero de la escala con referencia a un BN de precisión próxima.

6. Las secciones de medición de descarga deberán ser localizadas lo más próximo posible a las escalas y definidas por dos estacas en cada margen, debiendo estar en una de ellas el punto de inicio del contaje de las abscisas; deberán ser siempre normales a la corriente, en tramos rectilíneos a los ríos, sin turbulencias, donde sea mínima la zona de remanso, sean los filetes líquidos tan paralelos cuanto sea posible y donde las velocidades no sean demasiado bajas.

7. Al establecer un puesto fluviométrico deberá levantarse la sección de medición en la parte mojada por sondaje y en la parte en seco por nivelación geométrica, taquimétrica o a regla.

8. De la primera medición de gastos deberán constar informaciones sobre el material de que son constituidos el fondo y las márgenes del río, especialmente sobre su fijación o movilidad.

9. Deberán ser tomadas informaciones seguras sobre las cotas alcanzadas por crecientes y estíos notables y será de mayor interés la obtención de fotografías que permitan determinar, por nivelación, las cotas de los niveles extremos conocidos.

10. El técnico encargado de establecer un puesto fluviométrico deberá localizarlo en las mejores cartas existentes en cuanto a las ciudades o poblados vecinos y la cercanía de los tributarios más próximos.

11. El técnico encargado de establecer un puesto fluviométrico enviará lo más pronto posible a la oficina central, la respectiva ficha descriptiva acompañada de croquis acotados, que muestren en planta y perfil la situación de las escalas de los BN, de la sección de medición, de casas y caminos próximos, medios de acceso, locales de hospedaje, etc.

CONSERVACIÓN E INSPECCIÓN DE PUESTOS FLUVIOMETRICOS

1. Las escalas, en el caso de no ser de placas de fierro esmaltado, deberán ser pintadas de blanco por lo menos una vez al año.
2. Cuando las escalas son colocadas en estacas, deberán hacerse por lo menos dos veces al año verificaciones de la nivelación de los diversos sucesos con referencia a los BN existentes. Los tornillos de fijación serán revisados frecuentemente.
3. Las secciones de medición serán mantenidas libres de vegetación junto a las márgenes y debe hacerse periódicamente el servicio de limpieza.
4. Los observadores tendrán bajo su responsabilidad las escalas, los BN, las estacas existentes en la sección de medición, la embarcación que es dejada en el lugar y el equipo necesario para el servicio.
5. Todo grupo que visite un puesto fluviométrico que proceda o no a la medición de descarga, enviará a la oficina central, lo más pronto posible, informaciones sobre el estado del puesto.

Dividir el ancho del río en, al menos, 20 secciones. En las zonas de velocidades altas la separación entre verticales debe ser menor.
En cada sección el gasto sera como maximo del 10 % del Qtotal.

Luego de medir la profundidad en la vertical, entonces se decide sobre los puntos a medir la velocidad. En aguas poco profundas ($h < 0,50$ m) medir V a $0,6h$.

$$v_m = 0.85 v_s$$

$$v_m = v_{0.6}$$

$$v_m = \frac{v_{0.2} + v_{0.8}}{2}$$

$$v_m = \frac{\sum v_i}{N}$$

Río Tebicuary- Altura vs Caudal

AFOROS POR DILUCIÓN

$$QxD + qxd = (Q+q)xD1$$

$$QxD + qxd = QxD1 + qxD1$$

$$QxD1 - QxD = qxd - qxD1$$

$$Q = qx(d-D1)/(D1-D)$$

(ó, si $D = 0$) $Q = qx(d-D1)/D1$

<http://bdhi.hidricosargentina.gov.ar/>

BDHI | Base de Datos Hidrológica Integrada

Secretaría de Infraestructura y Política Hídrica

Ministerio del Interior, Obras Públicas y Vivienda
Presidencia de la Nación

Definición de Elementos de Filtrado de Estaciones

Estaciones (seleccionadas como Código-ISO):
Log(s):
 Activas Inactivas

Red Hidrológica:

Cuenca:

Río:

Ordenamiento:

Provincia:

APLICAR FILTRO

Río: PARANÁ

RÍOTERMO: Río PARANÁ LATITUD: 27 27 00

LONGITUD: 55 48 00

PROVINCIA: Misiones ALTITUD (metros): 90

CUENCA: Río Paraná hasta Confluencia AREA (km2): 974375

SECCION: CAUDALES (m3/s)

CAUDALES MEDIOS MENSUALES (m3/s)

AÑO	MES												AÑO	[m3/s]	[L/s/ha2]	CENSA								
	ENE	FEB	MAR	ABR	MAY	JUN	JUL	AUG	SEPT	OCT	NOV	DIC				DIARIO	SEMANO	TRIMESTRAL	ANUAL					
00-00	00-00												22232	25663	22433	20991	16176	11735	9771	14555				
01-00	8616	7653	6448	10422	10053	14493	20217	18724	14211	15770	10294	7466	38737	12.59	207.1	24039	5947	12292						
02-00	8923	10402	10030	17789	13202	16197	16923	10338	9274	8595	8713	9314	370213	12.04	379.4	25741	6817	11729						
03-04	8213	8923	9103	9327	17008	16798	11702	9992	7839	7442	10718	7972	321408	10.42	329.5	21474	8709	12146						
04-05	8420	12421	16292	13217	20462	18115	23925	19942	18899	27412	17004	14250	810042	19.52	625.5	82227	8058	13245						
05-06	12045	10302	9762	12668	20140	24224	24224	23448	13201	13129	9667	7810	470426	15.29	482.3	29032	8984	14817						
06-07	7089	7038	7408	8360	17088	15647	23225	12083	10394	11822	12338	9638	374708	12.18	284.2	24720	4809	12884						
07-08	13925	17302	17047	18273	18731	23218	18884	11824	10253	10201	8902	8482	487907	14.80	449.2	28428	9164	14482						
08-09	8025	12101	13972	18316	13182	12171	12980	10981	9182	8812	7477	5727	347755	11.21	256.5	19888	5282	10227						
09-10	3482	7308	9212	8385	10422	15401	14804	11827	8913	8812	8523	7907	320997	10.07	217.7	13027	3181	7928						
10-11	7181	9408	7178	8224	7487	8991	8713	10981	9928	8390	8504	8699	271917	9.84	279.8	14125	4309	8822						
11-12	12556	19197	14874	22862	21775	22640	24856	18792	15870	11239	8488	8581	318013	16.79	320.1	20206	7242	14281						
13-14	8923	10182	12553	11978	17027	14820	13442	11487	8950	8420	7178	6812	343747	11.18	282.4	21293	4027	10920						
13-14	8729	2897	8447	3424	8248	12010	12328	9124	6823	8458	12294	8288	247497	8.70	274.2	18222	4742	8482						
14-15	8229	9745	12828	12928	10385	8208	7445	8173	10305	12118	7999	4882	302356	9.83	310.0	20481	3287	8588						
15-16	8623	18078	10018	9488	10412	13207	12029	11024	8479	8081	8184	8238	320227	10.48	320.4	28331	5424	10221						
16-17	8278	8078	8428	7842	11973	14246	18121	12207	9208	7088	6812	8488	396327	9.80	302.9	22173	4789	9268						
17-18	3786	8381	8662	8447	8720	10462	12489	9826	8148	11928	8701	7124	388633	9.28	290.0	21301	4872	9084						
18-19	7178	10078	10892	11816	12123	18662	14874	13809	12392	14197	10372	7279	381197	12.29	290.9	22840	8978	12088						
19-20	7977	10292	17404	16827	18049	17974	17719	12881	9820	8341	10874	8249	412213	12.40	423.7	29825	6870	12070						
20-21	8701	9222	11257	12622	16924	24275	14974	12042	8628	8252	9292	7804	389290	12.86	299.1	29897	6487	12244						
21-22	12877	12895	7074	8124	11022	17945	21486	18089	18999	14178	14194	12144	448238	14.47	484.2	24028	8248	14122						
22-23	8681	10224	9242	8410	12662	18228	18829	18787	12829	20422	12087	8120	408013	12.17	418.2	27712	7241	12942						
23-24	11272	12811	18897	10218	12014	18774	17847	12882	10967	11919	8489	8264	320255	12.78	422.2	18027	3824	12448						
24-25	8942	8178	8748	7022	12698	9182	8822	8204	9291	7444	8272	8220	329423	7.78	242.2	18481	4424	7820						
25-26	4882	7182	10798	13322	18099	23228	17320	22115	18999	15128	12108	9424	448947	14.29	482.2	28928	4294	14222						
26-27	7084	7091	8238	10826	18002	18784	18929	12642	8980	8920	7482	8120	328642	10.82	244.2	21847	3989	10826						
27-28	12842	9100	12401	8982	8208	11245	12546	18020	12122	17888	11374	11290	372420	12.11	280.9	28781	5920	11828						
28-29	10878	17808	8924	12427	22188	29877	29284	14396	11897	12859	9034	7840	488218	16.11	828.0	28612	7090	12712						
29-30	12812	12894	12472	12029	18224	21102	15422	11222	10204	8348	8902	7104	398929	12.80	424.8	24822	5922	12822						
30-31	7297	12477	12018	13880	18892	18828	28884	18818	20297	17882	12808	8497	300255	16.27	522.2	20258	2878	12872						
31-32	12282	10904	8205	12202	12807	18902	17922	18982	14214	14884	11542	8919	428204	12.82	442.4	28874	7145	12842						
32-33	8712	12378	8209	18428	17812	16422	12742	10228	9142	7022	6482	8490	282288	11.42	280.1	24210	2440	11228						
33-34	3819	7012	8950	8127	12212	11878	10978	8028	8429	8248	8391	4798	282180	8.20	281.4	14208	4822	8092						
34-35	5147	8274	4812	8772	14084	18205	17892	13308	10221	10427	8121	11917	320423	10.81	240.9	20200	4325	10841						
35-36	12277	28128	14214	11884	14622	9182	12218	10818	10222	18822	8597	9022	414995	12.48	422.2	28722	7427	12122						
36-37	8902	8278	7299	8524	18489	14727	14228	12827	10824	8388	8988	8204	329897	11.04	248.2	28491	2424	12788						
37-38	8380	8124	16294	12822	12222	17892	12898	11292	12841	12892	15842	8277	394802	12.84	424.8	27402	5820	12219						
38-39	8898	8274	8018	8348	14212	18778	12284	10242	11282	8424	8628	8628	312708	10.20	222.7	17880	2420	8849						

39-40	7030	8792	10299	11791	13200	14737	16316	17939	19607	21320	23079	24885	26739	28643	30598	32605	34666	36783	38957	41190	43483	45837	48253	50732	53276	55887	58566	61315	64136	67031	70002	73051	76180	79391	82685	86064	89530	93085	96731	100470	104304	108235	112265	116396	120630	124969	129415	133961	138610	143365	148229	153205	158296	163505	168835	174289	179870	185581	191425	197405	203524	209786	216195	222755	229470	236344	243381	250585	257960	265510	273239	281152	289254	297550	306045	314744	323652	332774	342115	351681	361478	371512	381789	392316	403099	414144	425468	437078	448981	461184	473695	486521	499670	513149	526966	541129	555646	570526	585777	601408	617429	633850	650681	667932	685614	703738	722306	741330	760822	780796	801256	822207	843664	865642	888156	911212	934826	959006	983768	1009130	1035000	1061506	1088668	1116506	1145042	1174295	1204286	1235037	1266571	1298911	1332080	1366111	1401037	1436883	1473674	1511435	1550191	1589968	1630792	1672689	1715686	1759810	1805088	1851548	1899218	1948027	1998005	2049182	2101590	2155260	2210225	2266519	2324177	2383234	2443726	2505690	2569164	2634187	2700800	2769052	2839000	2910695	2984188	3059531	3136776	3215975	3297172	3380421	3465776	3553292	3643024	3734937	3829097	3925571	4024427	4125742	4229586	4335930	4444855	4556344	4670481	4787251	4906640	5028635	5153324	5280705	5410777	5543531	5678968	5817090	5957900	6101501	6247907	6397134	6549288	6704386	6862546	7023786	7188124	7355679	7526471	7700521	7877859	8058515	8242519	8429893	8620668	8814876	9012551	9213822	9418724	9627300	9839594	10055649	10275724	10490284	10709495	10933424	11162148	11395745	11634304	11877914	12126674	12380674	12639994	12904724	13174954	13450784	13732304	14019714	14313214	14612904	14918984	15231664	15551044	15877324	16210684	16551244	16899204	17254784	17618104	18089484	18569124	19057344	19554464	20060704	20576364	21101744	21637164	22182944	22739484	23307004	23885824	24476264	25078644	25693284	26320484	26960564	27613844	28280604	28960244	29653084	30359444	31079724	31813364	32560804	33322444	34098684	34889924	35696564	36519004	37347684	38190004	39047444	39920484	40809604	41715444	42638484	43579204	44548004	45535324	46541644	47567484	48613324	49679664	50767004	51875844	52996684	54139924	55305164	56492804	57703444	58937604	60196844	61480804	62790044	64125164	65486804	66875644	68292484	69736924	71209604	72711244	73243484	74796804	76381844	77999204	79649604	81333684	83052044	84805444	86594484	88419684	90281724	92181444	94119484	96096484	98113124	100170044	102263244	104393444	106563244	108775244	111021644	113305244	115628844	118004844	120426444	122896444	125418444	127996444	130634444	133336444	136107244	138941644	141843644	144816444	147864444	150992444	154206444	157511644	160913644	164417644	168029644	171755244	175599644	179568044	183655644	187868444	192202444	196664444	201251644	205971644	210829644	215832444	220986444	226296444	231768444	237400444	243199644	249172444	255316444	261638444	268147644	274851644	281858444	289076444	296513644	304178444	312070444	320200444	328568444	337184444	346054444	355180444	364584444	374264444	384220444	394464444	404996444	415824444	426956444	438392444	450140444	462200444	474572444	487268444	500298444	513672444	527390444	541464444	555896444	570696444	585872444	601436444	617392444	633752444	650528444	667732444	685376444	703464444	721916444	740744444	760056444	780872444	802204444	824064444	846472444	869448444	893004444	917160444	941928444	967332444	993392444	1019128444	1045584444	1072732444	1100596444	1129204444	1158596444	1188712444	1219584444	1251256444	1283772444	1317084444	1351244444	1386204444	1422044444	1458844444	1496644444	1535484444	1575424444	1616524444	1658844444	1702444444	1747324444	1793524444	1841004444	1889844444	1940004444	1991564444	2044604444	2099204444	2155444444	2213324444	2272924444	2334324444	2397524444	2462604444	2529564444	2598404444	2669124444	2741724444	2816244444	2892764444	2971284444	3051804444	3134404444	3219084444	3305924444	3394924444	3486084444	3579404444	3674884444	3772524444	3872404444	3974524444	4078884444	4185484444	4294324444	4405524444	4519084444	4635044444	4753404444	4874164444	4997324444	5122884444	5250844444	5381204444	5514004444	5649244444	5786924444	5927164444	6070044444	6215684444	6364124444	6515444444	6669684444	6826924444	6987284444	7150764444	7317364444	7487124444	7660084444	7836284444	8015764444	8198644444	8384964444	8574844444	8768324444	8965524444	9166564444	9371444444	9580244444	9793044444	10010044444	10231244444	10457244444	10688444444	10924844444	11166844444	11414844444	11668044444	11926844444	12191644444	12462844444	12740844444	13025244444	13316444444	13614844444	13920844444	14234844444	14557244444	14887644444	15225644444	15571644444	15926044444	16288444444	16659244444	17038844444	17427644444	17825244444	18232044444	18648444444	19074844444	19511644444	19958444444	20415644444	20883644444	21362844444	21853644444	22356444444	22871644444	23399644444	23940844444	24495644444	25064444444	25647644444	26245644444	26858844444	27487644444	28132444444	28793644444	29471644444	30167244444	30880844444	31612844444	32363644444	33133644444	33923244444	34732044444	35560444444	36408844444	37277644444	38167244444	39077644444	40008844444	40961644444	41936044444	42932444444	43951244444	44992844444	46056844444	47143644444	48253644444	49387244444	50544844444	51726044444	52931644444	54162444444	55418844444	56691644444	57991244444	59318444444	60673644444	62057244444	63469644444	64911244444	66382844444	67884844444	69417644444	70981644444	72576844444	74203244444	75861244444	77551644444	79274444444	81029644444	82817644444	84638844444	86493644444	88382444444	90305644444	92264044444	94258444444	96289644444	98358444444	100466444444	102612444444	104798444444	106928444444	109104444444	111328444444	113604444444	115936444444	118328444444	120776444444	123280444444	125844444444	128464444444	131144444444	133884444444	136692444444	139564444444	142504444444	145516444444	148604444444	151772444444	155024444444	158356444444	161772444444	165276444444	168860444444	172528444444	176284444444	180132444444	184076444444	188120444444	192268444444	196524444444	200892444444	205376444444	210880444444	216508444444	222264444444	228144444444	234152444444	240296444444	246572444444	252984444444	259536444444	266232444444	273076444444	280064444444	287204444444	294504444444	301972444444	309616444444	317440444444	325456444444	333668444444	342080444444	350704444444	359544444444	368604444444	377884444444	387396444444	397144444444	407132444444	417368444444	427856444444	438504444444	449324444444	460328444444	471524444444	482916444444	494512444444	506324444444	518356444444	530616444444	543108444444	555836444444	568808444444	582032444444	595516444444	609264444444	623296444444	637628444444	652268444444	667224444444	682504444444	698116444444	714064444444	730364444444	747024444444	764056444444	781472444444	799284444444	817504444444	836144444444	855208444444	874704444444	894644444444	915032444444	935884444444	957216444444	979044444444	1001384444444	1024304444444	1047764444444	1071804444444	1096444444444	1121724444444	1147684444444	1174284444444	1201564444444	1229564444444	1258324444444	1287804444444	1317964444444	1348844444444	1380484444444	1412924444444	1446204444444	1480284444444	1515204444444	1550924444444	1587484444444	1624844444444	1663044444444	1702124444444	1742124444444	1783124444444	1825164444444	1868324444444	1912564444444	1957964444444	2004564444444	2052404444444	2101524444444	2151964444444	2203764444444	2256964444444	2311564444444	2367644444444	2425244444444	2484484444444	2545324444444	2607844444444	2672084444444	2738084444444	2805924444444	2875684444444	2947444444444	3021244444444	3097164444444	3175284444444	3255684444444	3338444444444	3423644444444	3511324444444	3601644444444	3694684444444	3790524444444	3889324444444	3991044444444	4094884444444	4200964444444	4309364444444	4420124444444	4533324444444	4649044444444	4767324444444	4888284444444	5011964444444	5138484444444	5267884444444	5400244444444	5535684444444	5674284444444	5816124444444	5961284444444	6109844444444	6261924444444	6417644444444	6577084444444	6740324444444	6907484444444	7078684444444	7253084444444	7431764444444	7614884444444	7802644444444	7995164444444	8192564444444	8394924444444	8602444444444	8815244444444	9033644444444	9257844444444	9488044444444	9724444444444	9967244444444	10216844444444	10473244444444	10736844444444	11008044444444	11285644444444	11570444444444	11862844444444	12163244444444	12471644444444	12788444444444	13114444444444	13449644444444	13794844444444	14149644444444	14514444444444	14889244444444	15274844444444	15671244444444	16079244444444	16499244444444	16931644444444	17376844444444	17835244444444	18307244444444	18793244444444	19293644444444	19808444444444	20338444444444	20884444444444	21446444444444	22025644444444	22622444444444	23237244444444	23870444444444	24522844444444	25195
-------	------	------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	-------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	--------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	---------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	-----------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	-------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	--------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	---------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	----------------	-------

COMPILADO DE:

- “Clases de Hidráulica Aplicada” - FI - UNaM
- “Manual de Hidráulica” - J.M. de Azevedo, G. Acosta A.
- “Aforadores de Corrientes de Agua” - Mario Basán Nickisch - INTA-EEA Sgo. del Estero
- “Hidrología” - R. Springall - UNAM (Universidad Autónoma México)