# PROYECTO E IMPLEMENTACIÓN DE UN RECTIFICADOR TRIFASICO PWM PFC

Dose Aldo<sup>(1)</sup> J., Maciel Jorge A. <sup>(1)</sup>, Carballo Roberto E. <sup>(1)</sup>, Victor H. Kurtz<sup>(1)</sup>, Fernando Botterón<sup>(1) (2)</sup>.

 Universidad Nacional de Misiones (UNaM) – Facultad de Ingeniería – Departamento de Electrónica –Juan Manuel de Rosas 325. Oberá – Misiones
 Consejo Nacional De Investigaciones Científicas Y Técnicas CONICET - Argentina

botteron@fio.unam.edu.ar, maciel@fio.unam.edu.ar

**Resumen:** Este trabajo presenta el diseño y construcción de un rectificador PWM trifásico con corrección de factor de potencia (PFC – *Power Factor Corrector*). Se expone el desarrollo del prototipo, como también los resultados experimentales de una estrategia de control digital, implementada en un dsPIC30F4011. Las características de este rectificador permiten obtener una forma de onda sinusoidal para las corrientes drenadas de la red con reducida distorsión armónica y además presenta factor de potencia unitario.

Palabras claves: rectificador PWM trifásico, dsPIC30F4011, control digital.

#### 1. INTRODUCCION

El creciente consumo de energía viene acompañado de una tendencia de aumento de cargas no lineales, tanto en el ámbito industrial como el domestico. Las componentes armónicas de las corrientes drenadas de la red por estas cargas, presentan una serie de problemas para el sistema eléctrico, desde la generación, pasando por la transmisión, los sistemas de distribución y las instalaciones de baja tensión. Algunos de estos problemas son: bajo factor de potencia, distorsión en las tensiones de red, desperdicio de energía, interferencias electromagnéticas en equipos sensibles, como ser sistemas de telecomunicaciones, instrumentos, elevación del potencial de neutro en sistemas trifásicos, etc. El tipo de carga no lineal que comúnmente presenta este tipo de problemas son las fuentes de alimentación conmutadas de CC y variadores de velocidad de motores de inducción.

Algunos ejemplos de aplicación de rectificadores trifásicos PWM controlados son: el accionamiento de motores, aerogeneradores, fuentes ininterrumpidas de potencia (UPS).

En los últimos años estos rectificadores son preferidos frente a los rectificadores no controlados a diodos, o controlados con tiristores, dado que presentan como atractivo las siguientes ventajas: (i) tensión CC regulada con una muy reducida ondulación manteniendo la corriente de entrada senoidal (Cichowlas y Kamierkowski, 2002); (ii) factor de potencia unitario (Espinoza y Joos, 1998); (iii) flujo bidireccional de potencia (Malinowski y Kasmierkowski, 2002).

Se expone en este trabajo una estrategia de control digital basada en la técnica de control *deadbeat* e implementada en un controlador digital de señal (DSC) dsPIC30F4011, para controlar el rectificador PWM y que cumple con las características antes mencionadas.

La operación del rectificador con respuesta *deadbeat* se obtiene mediante la aplicación de un método de desacoplamiento por realimentación de estados en el dominio discreto. Además se desarrollan dos controladores del tipo servo para las corrientes en ejes sincrónicos d y q, y un regulador servo para la tensión de la barra de CC.

# 2. DESCRIPCION DE LA ESTRATEGIA DE CONTROL

Una de las técnicas de control digital más utilizadas en la literatura aplicada a conversores trifásicos es la técnica de control de tiempo mínimo, usualmente llamada *deadbeat*. Esta técnica de control es un caso particular de la técnica de reubicación de polos, donde los polos del sistema en lazo cerrado son reubicados en el origen del plano complejo z (Ogata, 1987). AADECA 2010 – Semana del Control Automático – XXIIº Congreso Argentino de Control Automático 31 de Agosto al 2 de Septiembre de 2010 – Buenos Aires, Argentina.



Figura 1-Esquema del rectificador Trifásico PWM, y estrategia de control a implementar en el DSC.

Como ventajas, la técnica de control *deadbeat* presenta una rápida respuesta a la señal de referencia deseada, y simplicidad en el algoritmo a ser implementado. Por otro lado, como desventajas se puede citar que, la variación de los parámetros de la planta puede degradar el desempeño del sistema y llevar el mismo a la inestabilidad.

Los lineamientos generales del sistema de control empleado son:

(i) Un controlador del tipo servo para la tensión de la barra de CC, el cual genera las referencias para las corrientes drenadas de la red, las cuales se encuentran dentro del DSC en coordenadas sincrónicas dq.

(ii) Un controlador del tipo servo con característica *deadbeat* para las corrientes en los inductores de entrada del rectificador. Esta realización presenta un desacoplamiento entre ambos ejes (Camargo *et al.*, 2005).

(iii) Limitadores y *anti-windup* tanto para la acción de control del lazo de tensión como para el lazo de corriente.

(iv) Un algoritmo de sincronización del sistema con las tensiones de la red.

(v) Implementación de modulación *space vector* para el manejo de las llaves del convertidor.

En la Figura 1 se muestra un esquema de la estrategia de control a implementar.

#### 3. MODEL O DE LA PLANTA

En la figura 1 se puede ver el esquema del sistema a controlar.

En la tabla se presentan los datos más importantes del rectificador.

Tabla 1: Parámetros del rectificador

Inductancia L	2.5 mHy
Capacidad C	4700 μF
Potencia	5 kW
Tensión de salida	400 V
Tensión de entrada	110 V <sub>ef</sub>

El modelo a implementar tiene como objetivo simplificar el proyecto de los controladores del rectificador. Partiendo del modelo en coordenadas estacionarias *abc*, y aplicando la transformación  $\alpha\beta0$  dada por:

$$\mathbf{T}_{\alpha\beta0} = \sqrt{\frac{2}{3}} \begin{bmatrix} 1 & -1/2 & -1/2 \\ 0 & \sqrt{3}/2 & -\sqrt{3}/2 \\ 1/\sqrt{2} & 1/\sqrt{2} & 1/\sqrt{2} \end{bmatrix}$$
(1)

y luego la transformación dq0.

AADECA 2010 – Semana del Control Automático – XXIIº Congreso Argentino de Control Automático 31 de Agosto al 2 de Septiembre de 2010 – Buenos Aires, Argentina.

$$\mathbf{T}_{dq0} = \begin{bmatrix} \cos(\omega t) & \sin(\omega t) & 0\\ -\sin(\omega t) & \cos(\omega t) & 0\\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$
(2)

se obtiene el modelo en el espacio de estados en coordenadas dq, representado por la siguiente ecuación:

$$\begin{bmatrix} \dot{i}_{d} \\ \dot{i}_{q} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -\omega \\ \omega & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{d} \\ i_{q} \end{bmatrix} + \frac{V_{base}}{I_{base}} \begin{bmatrix} -\frac{1}{L} & 0 \\ 0 & -\frac{1}{L} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_{d-pwm} \\ u_{q-pwm} \end{bmatrix} + (3)$$

$$\frac{V_{base}}{I_{base}} \begin{bmatrix} \frac{1}{L} & 0 \\ 0 & \frac{1}{L} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} e_{d} \\ e_{q} \end{bmatrix}$$

donde  $i_d$  e  $i_q$  son las corrientes de entrada en coordenadas dq0,  $\omega$  es la frecuencia angular de la red,  $u_{d-pwm}$  y  $u_{q-pwm}$  son las leyes de control en coordenadas dq0, L es la inductancia del filtro de primer orden, y  $e_d - e_q$  son las tensiones de entrada en dq0. Todas las variables en (3) se encuentran normalizadas respecto de las tensiones y corrientes con la intención de limitar el rango dinámico de las variables dentro del DSC. Los valores base se escogieron como valores nominales de tensión CC, y corriente nominal drenada de la red.

Con el objeto de implementar un controlador digital, se procede a la discretización de la ecuación (3), teniéndose en cuenta las siguiente hipótesis según Botterón et. al. (2003): (i) la frecuencia de muestreo es mucho mayor que la frecuencia de la red, (ii) la ondulación sobre las variables muestreadas resultan muy pequeña, o las variables son muestreadas en sus valores medios. Además se incluye un vector de estado adicional, de forma de tener en cuenta el atraso computacional introducido por la implementación de la ley de control en un microprocesador, y se asume que el atraso  $T_d$  es igual al tiempo de muestreo  $T_s$ . El procedimiento para la determinación de la ecuación de estado discreta de la planta se describe en Botterón (2001).

$$\begin{bmatrix} \mathbf{x}_{dq}(k+1) \\ \mathbf{u}_{dq_{d}}(k+1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{G}_{dqn} & \mathbf{H}_{\mathbf{0}} \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{x}_{dq}(k) \\ \mathbf{u}_{dq_{d}}(k) \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \mathbf{H}_{\mathbf{1}} \\ \mathbf{I} \end{bmatrix} \mathbf{u}_{dq}(k) + \begin{bmatrix} -\mathbf{H}_{\mathbf{0}} \\ \mathbf{0} \end{bmatrix} \mathbf{w}_{dq}(k)$$
(4)

Esta última representación resulta acoplada, obteniéndose un sistema MIMO, con el objeto de desacoplar las dinámicas de las plantas se utiliza una técnica de realimentación de estados descripta en Falb y Wolovich (1967) y utilizada en esta aplicación en Camargo *et al.* (2005).

Con el desacoplamiento de la planta, planteando la función de transferencia del sistema desacoplado, se tiene

$$\mathbf{G}_{f}(z, \mathbf{G}_{p}, \mathbf{H}_{p}) = \begin{bmatrix} \frac{1}{z^{2}} & 0\\ 0 & \frac{1}{z^{2}} \end{bmatrix}$$
(5)

Observando (5) se puede determinar que la dinámica de las corrientes corresponde a una respuesta del tipo *deadbeat* (Ogata, 1987). Aplicando el camino inverso a partir de (5) se determina la representación en espacio de estados del sistema más el desacoplamiento:

$$\mathbf{x}(k+1) = \mathbf{G}_{pd}\mathbf{x}(k) + \mathbf{H}_{pd}u_d(k)$$
(6)

Donde las matrices  $\mathbf{G}_{Pd}$  y  $\mathbf{H}_{Pd}$  están dadas por

$$\mathbf{G}_{pd} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}; \ \mathbf{H}_{pd} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$
(7)

y los vectores de estado son  $i_d(k)$  y  $u_d(k)$ , aplicando la ecuación (7) a la planta en el eje q.

#### 4. PROYECTO DE LOS CONTROLADORES DEL TIPO SERVO PARA LAS CORRIENTES Y LA TENSION DE CC.

Partiendo de la ecuación (6) el proyecto de los controladores del tipo servo para las corrientes en ejes dq se realizo mediante la técnica de proyecto por reubicación de polos (Ogata, 1987), reubicando los polos al origen. Las ganancias obtenidas se aplican en la ley de control discreta de la siguiente forma

$$u_{d}(k) = k_{1d}v_{d}(k) - \begin{bmatrix} k_{21d} & k_{22d} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i_{d}(k) \\ u_{d}(k-1) \end{bmatrix}$$
(8)

Donde  $v_d$  corresponde al servo. Para las variables en el eje q se aplica la ecuación (8) realizando el cambio de variables correspondientes.

El servo controlador para la tensión de CC también se obtiene con la misma técnica, partiendo del modelo de gran señal para el lazo de tensión obtenido en Camargo *et al* (2005), utilizando como estado el cuadrado de la tensión de CC

$$x_{cc}[(k_{cc}+1)T_{L}] = \mathbf{G}_{cc} x_{cc}(k_{cc}T_{L}) + \mathbf{H}_{cc} u_{cc}(k_{cc}T_{L}) + \mathbf{F}_{cc} w_{cc}(k_{cc}T_{L})$$
(9)  
$$y_{cc}(k_{cc}T_{L}) = \mathbf{C}_{cc} x_{cc}(k_{cc}T_{L})$$

Donde

$$\mathbf{G}_{cc} = \mathbf{C}_{cc} = 1, \ \mathbf{H}_{cc} = 3 \ V_{d_{-}p}^2 \ T_L \ / \ C_{cc} \ V_{base}^2$$

$$\mathbf{F}_{cc} = -2 \ T_L \ / \ C_{cc} \ V_{base}^2$$
(10)

y  $T_L$  es el periodo de actualización de la acción de control para el lazo de tensión,  $C_{cc}$  es la capacidad en el lado de CC y  $V_{d_p}$  es la tensión de la red. Las especificaciones para el desempeño del lazo de tensión son  $M_p = 10\%$  y tiempo de establecimiento de 40 ms, donde  $M_p$  es el máximo sobreimpulso.

## 5. ALGORITMO DE SINCRONIZACION.

Con el objetivo de obtener la mayor simplicidad en la sincronización del rectificador con la frecuencia de la red, y así obtener el coseno y seno en (2), se utiliza un método en lazo abierto desarrollado por Soares y Marques (1997), en que implementan la transformación de (1) de la siguiente forma

$$\cos(\omega t) = \frac{e_{\alpha}}{e_{\alpha\beta}} \quad \text{y} \quad \sin(\omega t) = \frac{e_{\beta}}{e_{\alpha\beta}} \tag{11}$$

donde  $e_{\alpha}$  y  $e_{\beta}$  son las tensiones de red en coordenadas  $\alpha\beta0$  y  $e_{\alpha\beta} = \sqrt{e_{\alpha}^2 + e_{\beta}^2}$ .

En la Figura 2 se expone un diagrama temporal con la forma de muestrear las variables implicadas en el esquema de control utilizado.

Los instantes representados en el comienzo de la onda triangular, muestran cuando se produce la orden de muestreo de las corrientes en los inductores y la tensión de continua, mientras que en el pico de la onda triangular se muestrean las tensiones de red. En la Figura 2 también se representa la actualización de la acción de control respecto del instante en que se obtiene una muestra. Como las tensiones de red al transformarse al sistema dq representan valores que se pueden considerar constantes, la implementación de la acorrientes no introduce efecto alguno.



Figura 2-Diagrama temporal que representa el esquema del muestreo y acción de control.

## 6. CARACTERISTICAS DE LA IMPLEMENTACION DE LA ESTRATEGIA DE CONTROL EN EL DSC

En la siguiente tabla se exponen las características principales de la implementación de la estrategia de control.

Tabla 2: C	aracterísticas	del	programa	desarrollado
------------	----------------	-----	----------	--------------

Tiempo de muestreo del lazo de corriente $(T_s)$	100 µseg
Actualización de La acción de control del lazo de tensión $(T_L)$	2 mseg
Tiempo total de ejecución de la rutina	80 µseg
Espacio utilizado de la memoria RAM	82 %

La estrategia de control utilizada se realizo en lenguaje C++.

#### 7. RESULTADOS EXPERIMENTALES OBTENIDOS Y CONCLUSIONES.

A continuación se presentan los resultados experimentales obtenidos de pruebas realizadas sobre el lazo de corriente, para analizar el desempeño del mismo. Para esto se realizó la conexión del convertidor como inversor de corriente a fin de verificar el desempeño para el cual se realizó el proyecto del lazo interno de corriente. Las variables controladas, almacenadas en la memoria RAM del DSC, se presentan en la Figura 3. En este ensayo, se efectuó una variación de la referencia de corriente en el eje d, desde el 66% al 100% de la corriente nominal por fase. Es posible observar la excelente respuesta de la corriente en el eje d y el total desacoplamiento de este último del eje en cuadratura. En la figura 4 se observa la misma variación de la referencia de corriente provocada en la Figura 3 en coordenadas estacionarias, y en una de las fases.



Figura 3-Variables controladas durante una variación de referencias, desde 10 A a corriente nominal. 400 V en la barra de CC.



Figura 4-Corriente en la fase A, para la misma condición de la Figura 3. Escala de tiempo 10ms/div. Escala de corriente 13A/div.

Para el funcionamiento como rectificador trifásico PWM se obtuvieron los resultados presentados en la Figura 5 y Figura 6, con tensión de referencia de 400 V para la barra de CC.

De los resultados se concluye que el rectificador funciona entregando potencia de CC con factor de potencia cercano a la unidad, y reducida distorsión armónica.

Como ventajas de la estrategia de control utilizada, se puede citar la facilidad para implementarla en un DSC de punto fijo. El desempeño del sistema es bueno, con una robustez importante.



Figura 5-Corriente en fase A y tensiones de fase. Escala de tiempo 5 ms/div. Escala de corriente 10 A/div. Escala de tensión 50 V/div.



Figura 6-Tensión de CC y Corriente de fase A con variación de carga. Escala de tiempo 50 ms/div. Escala de corriente 20 A/div. Escala de tensión 110 V/div.

#### REFERENCIAS

- Botterón F., (2001) "Análise, Projeto e Implementação de um Inversor PWM Trifásico para UPS de Média Potência," Dissertação de Mestrado, Universidade Federal de Santa Maria.
- Botterón F., Pinheiro H. (2003) "An improved discrete model for three-phase voltage-fed space vector modulated converters", *IEEE COBEP'03*, proc.: 911-922.
- Camargo R. F., Botterón F., Duarte M. Hey, Marques J., Pinheiro H., (Julho, Agosto e Setembro 2005.) "Analise e implementação de retificadores PWM trifásicos com resposta de tempo mínimo utilizando desacoplamento por retroação de estados"- *Revista Controle & Automação*/Vol.16 no.3.
- Cichowlas M., Kamierkowski M.P., (2002) "Comparison of current control techniques for PWM rectifiers". *IEEE ISIE* proc.: 1259-1263.
- Espinoza, J.R., Joos, G. (1998). "State variable decoupling and power flow control in PWM current-source rectifiers". *IEEE Trans. On Industrial Electronics*, **45**(1): 78-87.
- Falb, P. L., Wolovich, W. A., (1967). "Decoupling in the design and synthesis of multivariable control systems". *IEEE. Trans. On Automatic Control*, , AC-12: 651-659.
- Malinowski M., Kasmierkowski, M. P., (2002) "Direct power control of three-phase PWM rectifier using space vector modulation-Simulation study". *IEEE ISIE*, proc.: 1114-1118.
- OGATA K., (1987) *Discrete-Time Control Systems*, Prentice-Hall.
- Soares, V., Marques, G. D. (1997), "Active power filter control circuit based on the instantaneous active and reactive current id-iq method". *IEEE PESC*, proc.: 1096-1101.