# MECANICA RACIONAL



# LABORATORIO: Análisis de oscilaciones a partir de la utilización del Péndulo de Pohl

Año 2024

#### TIPOS DE OSCILACIONES A EXPERIMENTAR

#### 1. OSCILACIONES LIBRES

- 1.1. Determinar el período de oscilación y la frecuencia natural en el caso no amortiguado.
- 1.2. Determinar la máxima amplitud unidireccional para distintos valores de amortiguación.
- 1.3. Determinación del amortiguamiento crítico.

# **CONCEPTOS TEÓRICOS**

#### 1. OSCILACIONES LIBRES

La amplitud de oscilación en función del tiempo está dada por la ecuación

$$\emptyset_{(t)} = \emptyset_0 * e^{-\gamma t} * \cos(\omega t) - \text{donde } \omega = \sqrt{\omega_0^2 - \gamma^2}$$

 $\emptyset_0$ = Angulo de desviación inicial.

 $\gamma$  = Coeficiente de amortiguamiento

 $\omega_0$ = Frecuencia natural del sistema

 $\omega$  = Pseudopulsación.

Según la relación existente entre el Coeficiente de amortiguamiento  $(\gamma)$  y la frecuencia natural  $(\omega_0)$  tenemos:

- $\omega_0^2 > \gamma^2$  La ecuación anterior tiene solución real y el sistema, luego de un desplazamiento inicial, oscila en torno a su punto de equilibrio.
- $\omega_0^2 = \gamma^2$  Luego de un desplazamiento inicial el sistema retorna a su punto de equilibro sin realizar oscilaciones en torno a él y en el mínimo tiempo.
- $\omega_0^2 < \gamma^2$  Luego de un desplazamiento inicial el sistema retorna a su punto de equilibrio también en una forma asintótica

El Grado de amortiguamiento se define como  $\xi = \frac{b}{b_{c}} = \frac{\gamma}{\omega_{0}}$ 

El Decremento Logarítmico viene dado por  $\delta = \ln \frac{\phi_N}{\phi_{N+1}} = \frac{2\pi}{\omega_1} * \gamma = T * \gamma \; \text{ donde } \emptyset_N \text{ y } \emptyset_{N+1} \text{ son dos amplitudes consecutivas y } T \text{ es el período existente entre ellas}$ 

### **DESARROLLO DEL EXPERIMENTO**

### 1. MEDICION DE OSCILACIONES LIBRES

## 1.1. SIN AMORTIGUAMIENTO: Medir Período

Se puede estimar el valor de la frecuencia natural  $(\omega_0)$ , realizando la medición del periodo (T) del sistema. Para ello se procede de la siguiente manera:

- a) Se ubica el puntero en la posición 0 (cero) mediante el giro manual del motor.
- b) Se aparta el péndulo determinada amplitud y al liberarlo se cronometra el tiempo que tarda en realizar una oscilación completa, siendo este el periodo (T). Como alternativa se puede cronometrar n oscilaciones y obtener el período comoel promedio de ellas.
- c) Con este dato se calcula  $\omega_0 = \frac{2\pi}{T}$

# 1.2. **CON AMORTIGUAMIENTOS:** Medir amplitudes consecutivas.

Para un cierto amortiguamiento, del cual no conocemos el valor pero sabemos que está relacionado a la corriente aplicada a la bobina, medimos amplitudes de "n" oscilaciones consecutivas, midiendo también el período de las mismas.

T I	Amplitud (divisiones)									
	1º	número de oscilación 1º 2º 3º 4º 5º 6º								
0,0 Amp										
0,2 Amp										
0,4 Amp										
0,6 Amp										
0,8 Amp										

Corriente (Amp)	$\emptyset_N$ (Div)	$\emptyset_{N+1}$ (Div)	T(s)	$\delta = \ln \frac{\emptyset_N}{\emptyset_{N+1}}$	$\delta \cong 2\pi * \xi$
0,0					
0,2					
0,4					
0,6					
0,8					

#### 2. OSCILACIONES FORZADAS

- 2.2. Determinar y graficar las curvas de resonancia para diferentes grados de amortiguamiento.
- 2.3. La frecuencia de resonancia será determinada y comparada con los valores de la frecuencia de resonancia obtenidos previamente.

#### **CONCEPTOS TEÓRICOS**

## 2. OSCILACIONES FORZADAS

Las características de la fuerza forzadora juntamente características propias del sistema definirán al movimiento. La amplitud de oscilación en función del tiempo está dada por la ecuación

$$\emptyset_{(t)} = \emptyset_0 * \operatorname{sen}(\omega t - \psi) - \operatorname{donde} \ \omega = \sqrt{{\omega_0}^2 - \gamma^2}$$

#### DESARROLLO DEL EXPERIMENTO

- 2. MEDICION DE OSCILACIONES FORZADAS Obtener la curva de resonancia.
- 2.1. Se fija una frecuencia de oscilación del motor del orden cercano a la frecuencia natural del sistema, a fin de tener valores representativos y se le da un definido con un grado de amortiguación, luego de estabilizado el sistema se mide la amplitud Se recomiendan los siguientes pasos:
  - 1. Fijar y mantener una frecuencia del motor menor a la frecuencia natural del sistema.
    - **a.** Fijar una amortiguación dada por los 0,8 Amperes y graficar la amplitud conseguida con ese régimen.
    - b. Disminuir la amortiquación a los 0,6 Amperes y graficar la amplitud consequida
    - c. Disminuir la amortiguación a los 0,4 Amperes y graficar la amplitud conseguida.
    - d. Disminuir la amortiguación a los 0,2 Amperes y graficar la amplitud conseguida.
    - e. Quitar la amortiguación y graficar la amplitud conseguida.
  - 2. Fijar y mantener una frecuencia del motor superior a la anterior.
    - a. Repetir los pasos a, b, c, d y del punto 1.

Seguir incrementando la frecuencia del motor de acuerdo a los pasos anteriores. Cuanto más pequeños sean los incrementos de frecuencia del motor más notable será la curva deresonancia.

	Amplitud (divisiones)												
		Período											
	T1=	S	T2=	S	T3=	s T	1= 8	T5	=	s	T6=	S	
0,8 Amp													
0,6 Amp													
0,4 Amp													
0,2 Amp													
0,0 Amp													