

### III.4.4 TRABAJO PRÁCTICO: TRIGONOMETRÍA

1. Convierta las siguientes medidas a radianes:

- |                         |                 |                |
|-------------------------|-----------------|----------------|
| a. $-270^\circ$         | c. $789^\circ$  | e. $60^\circ$  |
| b. $585^\circ 20' 45''$ | d. $1025^\circ$ | f. $115^\circ$ |

2. Convierta las siguientes medidas a grados:

- |               |             |             |
|---------------|-------------|-------------|
| a. 2 radianes | c. $8\pi$   | e. $-12\pi$ |
| b. $5\pi/4$   | d. $3\pi/4$ | f. $\pi$    |

3. Calcular la longitud de los arcos cuyas amplitudes y radios son:

- |                              |                                  |                            |                     |
|------------------------------|----------------------------------|----------------------------|---------------------|
| a. $\alpha = 4$ radianes     | $r = 200\text{cm}$               | d. $\alpha = 2\pi/3$       | $r = \pi\text{ cm}$ |
| b. $\alpha = 0,348$ radianes | $r = 5,3 \cdot 10^{-3}\text{ m}$ | e. $\alpha = 28^\circ$     | $r = 1\text{ cm}$   |
| c. $\alpha = 45^\circ$       | $r = 1,8\text{ m}$               | f. $\alpha = 1,5$ radianes | $r = 54\text{ m}$   |

4. ¿A cuántos grados sexagesimales equivales 1 radián?

5. Si un reloj marca las 5hs, ¿Cuál es la medida en radianes del ángulo que forman las agujas?

6. La suma de los ángulos agudos de un rombo es  $72^\circ$ . Calcular el valor de los ángulos obtusos en grados sexagesimales y en radianes.

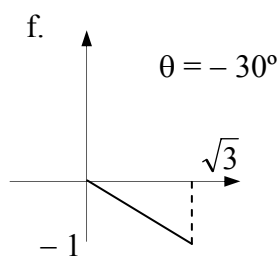
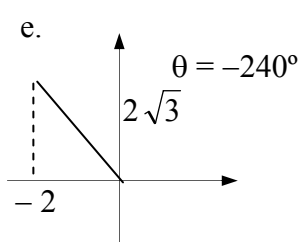
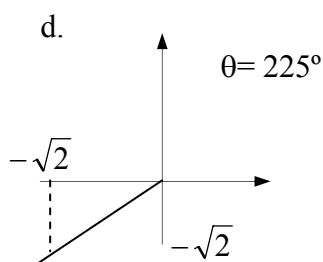
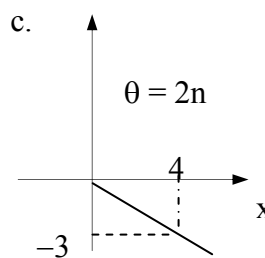
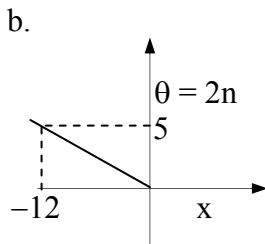
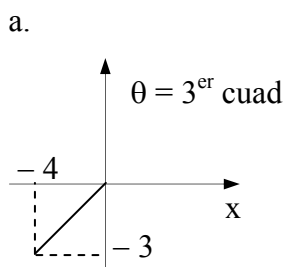
7. En qué cuadrante se encuentra el lado terminal de cada uno de los siguientes ángulos:

- |                 |                 |                 |                |
|-----------------|-----------------|-----------------|----------------|
| a. $34^\circ$   | d. $-185^\circ$ | g. $495^\circ$  | j. $-45^\circ$ |
| b. $320^\circ$  | e. $60^\circ$   | h. $555^\circ$  | k. $855^\circ$ |
| c. $-120^\circ$ | f. $-135^\circ$ | i. $1348^\circ$ |                |

8. En un gráfico de coordenadas cartesianas, ubicar el punto y calcular los valores de las funciones trigonométricas, sabiendo que:

- |                                    |               |  |
|------------------------------------|---------------|--|
| a. $P(-2, -3)$                     | d. $Q(4, -3)$ | g. $\rho = 1 ; y = \frac{\sqrt{3}}{2}$ |
| b. $\rho = 10; \alpha = -45^\circ$ | e. $R(0, 11)$ | h. $\rho = 5 ; x = -3/2$               |
| c. $\rho = 2 ; x = 1$              | f. $T(3, -4)$ |  |

9. Encuentra  $\sin \theta$ ,  $\cos \theta$ , y  $\tan \theta$  para el ángulo  $\theta$  que se indica, siendo  $n$  el número de vueltas:



10. Hallar todos los valores de  $\alpha$  comprendidos entre  $0$  y  $2\pi$  tales que:

a.  $\cos \alpha = -\sin 3/5 \pi$

c.  $\sin \alpha = \sin 3/5 \pi$

b.  $\sin \alpha = -\cos 3/5 \pi$

d.  $\cos \alpha = \sin 3/5 \pi$

11. Encontrar todos los  $\alpha$  entre  $0$  y  $2\pi$

a.  $\sin \alpha = 1/2$

e.  $\cos \alpha = 1/2$

j.  $\sin \alpha = -0,32$

b.  $\sin \alpha = 1$

f.  $\cos \alpha = -0,7$

k.  $\cos \alpha = -1$

c.  $\cos \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{2}$

g.  $\cos \alpha = -3/2$

l.  $2 \cos \alpha + \sqrt{2} = 0$

d.  $\sin \alpha = -1/2$

h.  $\tan \alpha = 3 \cot \alpha$

m.  $\tan \alpha = 1/2$

i.  $\sin \alpha = 2$

n.  $\sin \alpha = -\frac{\sqrt{3}}{2} \operatorname{cosec} \alpha$

12. Demostrar las siguientes identidades trigonométricas:

a.  $(1 - \cos^2 \alpha) (1 + \operatorname{tg}^2 \alpha) \operatorname{cotg} \alpha = \operatorname{tg} \alpha$

f.  $\sin^2 \beta \cdot \sec^2 \beta \cdot \operatorname{cotg}^2 \beta = 1$

b.  $\frac{1 - \operatorname{sen} x}{\cos x} = \frac{\cos x}{1 + \operatorname{sen} x}$

g.  $\frac{\cos^4 \theta - \operatorname{sen}^4 \theta}{(\operatorname{sen} \theta + \cos \theta)^2} = \frac{1}{1 + 2 \cos \theta \cdot \operatorname{sen} \theta}$

c.  $\operatorname{sen}^2 \alpha + \frac{\cos \alpha}{\sec \alpha} \left[ \frac{1}{\operatorname{sen}^2 \alpha} - \frac{\operatorname{cosec}^2 \alpha}{\sec^2 \alpha} \right] = 1$

$$d. \frac{1 + \cos \theta}{\operatorname{sen} \theta} + \frac{\operatorname{sen} \theta}{\cos \theta} = \frac{\cos \theta + 1}{\operatorname{sen} \theta \cos \theta}$$

$$h. \operatorname{sen}^2 \alpha - \frac{1}{1 + \frac{\operatorname{cosec}^2 \alpha + \sec^2 \alpha}{\sec^2 \alpha \cdot \operatorname{cosec}^2 \alpha}} = \operatorname{sen}^2 \alpha - \frac{1}{2}$$

$$e. \frac{(\operatorname{sen} \alpha + \cos \alpha)^2}{\operatorname{tg} \alpha \cdot \cos \alpha} = 2 \cos \alpha + \cot g \alpha \times \sec \alpha$$

$$i. \left( \frac{1}{\operatorname{sen} \theta \cos \theta} \right) - \frac{\cos \theta}{\operatorname{sen} \theta} = \frac{\operatorname{sen} \theta \cos \theta}{1 - \operatorname{sen}^2 \theta}$$

13. Demostrar que los puntos A (7, 5), B (2, 3) y C (6, -7) son los vértices de un triángulo rectángulo.

14. Dadas las siguientes medidas de los tres lados de un triángulo, ¿cuáles de ellos son rectángulos?

a. 6; 7,5; 4,5

b. 4; 8; 5

c. 5; 13; 12

15. Resolver los siguientes problemas utilizando triángulos rectángulos:

a. Una antena de 20 m de altura, se encuentra sujeta por un cable de 35 m. Calcular la distancia existente entre la base de la antena y el extremo del cable Rta.: 28,72 m

b. Calcular la altura que debe tener una escalera para que apoyada en una pared alcance una altura de 2,85 m, al formar con el plano del piso un ángulo de 1 radián. Rta.: 3,39 m

c. La cuerda de un cometa forma un ángulo de  $31^{\circ}40'$  con el nivel del piso y tiene una longitud de 455 metros. ¿A qué altura se encuentra el cometa? Rta.: 239 m

d. ¿Cuál es el ángulo de inclinación del sol cuando un objeto de 6 m proyecta una sombra de 10,3 m? Rta.:  $30^{\circ} 13'$

e. Una persona se encuentra a 120 m de un árbol, y observa que la línea visual de la punta del árbol forma un ángulo de  $32^{\circ}$  con la horizontal. Calcula la altura del árbol sobre el nivel de sus ojos. Rta.: 74,99 m

f. Un alambre de suspensión mide 13,6 m de largo, y está sujeto a un poste a 6,5 metros sobre el nivel del suelo. ¿Qué ángulo forma el alambre con el suelo? Rta.:  $28^{\circ} 33'$

g. Calcular la superficie de un triángulo isósceles de 15 m de base, sabiendo que el ángulo opuesto a ella es de  $38^{\circ} 20'$ .

16. Resolver cuando sea posible, los siguientes triángulos oblicuángulos (en todos los casos, las letras minúsculas representan el lado opuesto al ángulo del mismo nombre con letra mayúscula)

$$a. \begin{cases} A = 33^\circ \\ B = 55^\circ \\ a = 1m \end{cases}$$

$$b. \begin{cases} a = 7m \\ b = 9m \\ C = 60^\circ \end{cases}$$

$$c. \begin{cases} A = 45^\circ \\ B = 30^\circ \\ c = 2,5m \end{cases}$$

$$d. \begin{cases} a = 3m \\ b = 4m \\ c = 5m \end{cases}$$

$$e. \begin{cases} A = \pi/3 \\ B = \pi/6 \\ a = 1 \end{cases}$$

$$f. \begin{cases} a = 7km \\ b = 5km \\ B = 33^\circ \end{cases}$$

$$g. \begin{cases} a = 13km \\ b = 15km \\ c = 14km \end{cases}$$

$$h. \begin{cases} b = 28cm \\ c = 19cm \\ C = 30^\circ \end{cases}$$

17. Y ahora algunos problemas

- Uno de los lados de un triángulo mide 12 y su ángulo opuesto mide  $20^\circ$ . Si otro de los lados mide 10m, hallar el resto de los elementos del triángulo.
- Los lados de un triángulo miden  $a$ ,  $1/2 a$  y  $2/3 a$ . Hallar los ángulos.
- Uno de los ángulos de un triángulo mide 0,5 radianes. Si los lados que forman dicho ángulo miden 8 mm y 10 mm, hallar el resto de los elementos del triángulo.
- Si se abre completamente una tijera, la distancia entre los puntos de las dos hojas es de 10 cm. Calcular el ángulo que subtienden dichas hojas si su longitud es de 8 cm.
- Desde un punto del suelo un observador ve que la visual a la punta de una torre forma con la horizontal un ángulo de  $30^\circ$ . Cuando avanza 20 m hacia la torre, dicho ángulo es de  $45^\circ$ . Hallar la altura de la torre.
- Dos puestos de observación A y B, separados por una distancia de 4km, forman un triángulo con el pico de la montaña. Desde el puesto A, el ángulo entre el pico de la montaña y el puesto B es de  $20^\circ$ , y desde el puesto B, el ángulo ente el pico y el puesto A es de  $30^\circ$ . Calcular las distancias ente el pico y dada uno de los puestos de observación.
- Juan va a cercar con alambre un terreno triangular, uno de cuyos lados mide 8,25 m y otro de ellos mide 10,45m. El ángulo comprendido entre ambos lados es de  $110^\circ$ . ¿Cuántos metros de alambre necesitará Juan?
- Dos barras rígidas de 4m y 5m se sujetarán de un punto fijo ubicado en el techo de un recinto, si las barras forman un ángulo de  $120^\circ$  entre sí, calcular la distancia entre los extremos de las mismas.