

-----(Cursillo de Ingreso – FIO 2023)-----

EJERCITACIÓN: POLINOMIOS

- 1) Realizar las siguientes operaciones con monomios

a- $3x^3 - 4x^3$

b- $5x^5 + 4x^5$

c- $4m^2 - 3m^2 + 5m^2$

d- $2n^3 - 7n^3 + 3n^3$

e- $(-4x^3)(3x^2)$

f- $\left(\frac{3}{2}x^3\right)\left(-\frac{8}{3}x^2\right)$

g- $(-3x)\left(\frac{5}{3}x\right)$

h- $\left(-\frac{1}{2}y^5\right) \div \left(-\frac{1}{8}y^3\right)$

i- $\left(-\frac{9}{5}x\right) \div \left(\frac{3}{10}x\right)$

j- $(40x^7) \div \left(-\frac{8}{3}x^7\right)$

k- $\frac{3}{2}m^4 \div \frac{1}{2}m^3$

- 2) Realizar las siguientes sumas y restas de polinomios

a- $(4x^4 + 3x^3 + 2x^2 - x + 1) + (5x^2 - 2x + 3)$

b- $(-x^4 + 5x^2 - 3x - 1) - (5x^4 + 3x^3 - x^2 - 2x + 3)$

c- $(2x^5 - 2x^4 + x^3 - 4x^2 + 4) + (-3x^5 + 3x^4 - 2x^3 + 5x^2 + 3x - 5)$

d- $(4x^5 + 3x^4 y + 2y^5) - (3x^5 - y^5) - (2x^4 y - 1 + x^5)$

- 3) Realizar los siguientes productos de polinomios

a- $(x^3 + x^2 - 6).(x^2 + x + 1)$

b- $(3x^3 + 2x^2 + 2x + 7).(2x^2 + x + 1)$

c- $(4x^4 - 4x^3 + 3x^2 + 4x + 5).(x^3 + 2x^2 - 5x - 1)$

d- $(3x^5 - 4x^2 - x).(2x^4 + x^3 - x^2 + x + 1)$

g- $(a^2 - ab + b^2).(a + b)$

h- $(8a^3 + 4a^2 b + 2ab^2 + b^3).(2a - b)$

- 4) Calcular el cociente y el resto de las siguientes divisiones

a- $(x^3 + x^2 - 14x + 6) \div (x - 3)$

b- $\left(6x^3 - 2x^2 + 9x + \frac{1}{2}\right) \div (3x^2 - 2x + 2)$

c- $(8x^9 + 12x^6 + 6x^3 + 2) \div (4x^6 + 4x^3 + 1)$

d- $\left(6x^4 - 10x^3 + \frac{23}{2}x^2 - 14x\right) \div (2x - 3)$

e- $\left(\frac{1}{6}x^4 - \frac{19}{6}x^3 + 11x^2 + \frac{71}{2}x + 40\right) \div \left(\frac{1}{3}x^3 - 3x^2 - 8x - 9\right)$

f- $(7x^3 + 6x^2 + 21x + 20) \div (x^2 + 3)$

- 5) Resolver las siguientes divisiones aplicando la regla de Ruffini

a- $(3x^3 + 2x^2 - 19x + 7) \div (x + 3)$

b- $(5x^3 - 17x^2 - 13x + 7) \div (x - 4)$

c- $\left(\frac{1}{3}x^3 - 13\right) \div (x - 3)$

d- $\left(\frac{1}{5}x^3 + \frac{1}{2}x^2 - 37\right) \div (x - 5)$

-----(Cursillo de Ingreso – FIO 2023)-----

e- $\left(4x^5 + 8x^4 - 11x^3 - \frac{47}{2}x^2 - 3x\right) \div (x + 2)$

f- $(x^5 + 35) \div (x + 2)$

- 6) Calcular el resto de las siguientes divisiones aplicando el teorema del resto

a- $(3x^2 - 5x + 3) \div (x - 2)$

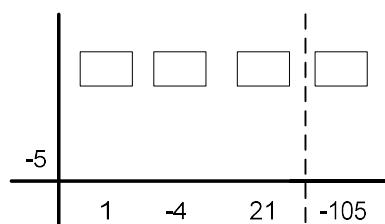
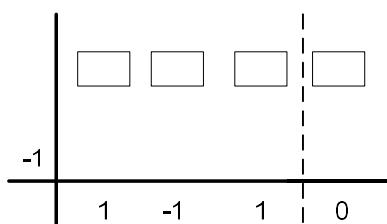
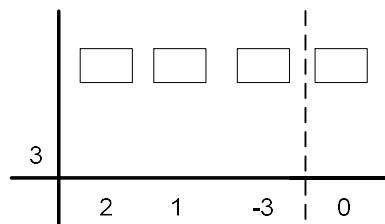
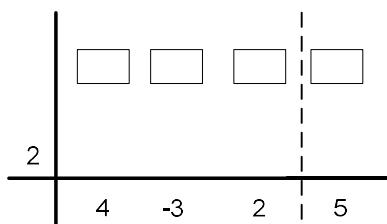
b- $(9x^2 - 6x - 5) \div (x - 1)$

c- $\left(8x^4 + \frac{3}{10}x^2 - x + \frac{7}{10}\right) \div \left(x + \frac{1}{4}\right)$

d- $\left(-x^2 - 3x - \frac{69}{25}\right) \div \left(x + \frac{4}{5}\right)$

e- $\left(-\frac{1}{6}x^3 + 2x^2 - 106\right) \div (x + 6)$

- 7) Sean $P(x)$ y $Q(x)$ dos polinomios cuya división está representada por las siguientes tablas de Ruffini. Hallar $P(x)$ de dos maneras diferentes y corroborar los resultados. $Q(x) = x \pm a$



- 8) Factorear utilizando el primer caso de factoreo: Factor común

a- $14m^2n^3 + 16mn^2 - 4n^2$

f- $\frac{1}{2}x^3x + \frac{3}{2}x^2x^2 - \frac{1}{2}xa^3$

b- $25x^4 + 10x^3 - 5x^2$

g- $\frac{5}{2}p^5q^4 + \frac{10}{3}p^4q^5 + \frac{25}{6}p^3q^6$

c- $8y^3x^3 - 5x^2y^4$

h- $6m^4n - \frac{3}{2}m^3n^2 - 9m^2n^3 + 3mn^4$

d- $3y^3 + 6y^2 - 12y + 9$

e- $\frac{6}{5}m^5n^4 + \frac{9}{2}m^2n - 12n^4$

- 9) Factorear utilizando el segundo caso de factoreo: Factor común en grupos

a- $2ax - ay + 5a + 2bx - by + 5b$

e- $15mx + 6m - 3my + xy - 2x - 5x^2$

b-

f- $-5x^2y + 10xy^2 - 2mx + 4my$

am - an + ax - bn + bm + bx - cm - cx + cn

g- $9ax^2 + 15a + 6am - 3x^3 - 5x - 2mx$

c- $\frac{1}{2}a^2x - 2ax^2 + ax - \frac{1}{2}ab + 2bx - b$

d- $15a^2 - 3am - \frac{3}{2}a - 5ax + xm + \frac{1}{2}x$

-----(Cursillo de Ingreso – FIO 2023)-----

10) Desarrollar los siguientes cuadrados de binomios

a- $(2x - 3)^2$

b- $\left(a^2 - \frac{1}{2}\right)^2$

c- $(x - 2y)^2$

d- $\left(\frac{1}{2}x - \frac{3}{2}y\right)^2$

e- $\left(\frac{1}{3}xy + 3y\right)^2$

f- $(a^2x - 2x^2)^2$

g- $(2\sqrt{a} + \sqrt{ab})^2$

h- $(5x - \sqrt{3}y)^2$

11) Factorear utilizando el tercer caso de factoreo

a- $4x^2 - 4x + 1$

b- $9a^2 + 6ab + b^2$

c- $\frac{1}{4}a^2 + ab^2 + b^4$

d- $9x^2 - 24x + 16$

e- $x^2 + x + 0,25$

f- $a + 2\sqrt{ab} + b$

g- $a^2b^4 + 2a^3b^3 + a^4b^2$

h- $a^2 + 2\sqrt{2}ab + 2b^2$

i- $2a^6b^2 + 2\sqrt{6}a^4b^3 + 3a^2b^4$

j- $a^2 + \frac{1}{4}a + a\sqrt{a}$

12) Desarrollar los siguientes cubos de binomios:

a- $(3x + 2)^3$

b- $(3x - 2)^3$

c- $\left(x + \frac{1}{3}\right)^3$

d- $(\sqrt[3]{x} + 1)^3$

e- $\left(2x - \frac{1}{2}y\right)^3$

f- $\left(\frac{3}{2}a + 2\right)^3$

g- $\left(\frac{2}{3}a - b\right)^3$

h- $(a^2b + ab^2)^3$

13) Factorear (cuando sea posible) los siguientes polinomios por el cuarto caso:

a- $x^3 - 6x^2 + 12x - 8$

b- $8x^3 + 6x^2 + 12x^2 + 1$

c- $x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + y^3$

d- $a^6 + 6a^4b + 12a^2b^2 + 8b^3$

e- $x^3 + 3\sqrt{2}x^2 + 6x + 2\sqrt{2}$

f- $a^3 + 9\sqrt{2}a^2 + 54a + 54\sqrt{2}$

g- $\frac{64}{n^3} + \frac{n^6}{8} + 3n^3 + 24$

h- $\frac{27}{8}a^3b^6 - 4,5a^2b^5c - \frac{8}{27}\frac{c^3}{b^3} + 2ac^2$

14) Factorear los siguientes polinomios por el quinto caso: diferencia de cuadrados.

a- $m^2 - 9n^2$

b- $\frac{4}{9}x^2 - \frac{9}{4}$

c- $x^2 - \frac{16}{49}y^2$

d- $-\frac{4}{9}m^2 + 1$

e- $y^6z^2 - x^4$

f- $a^{-2}b^{-4} - c^{-2}$

g- $-4a^{-2} + b^{-2}$

h- $(x-1)^2 - (x+1)^2$

i- $(a+2b)^2 - (a-2b)^2$

j- $-81n^4 + 16$

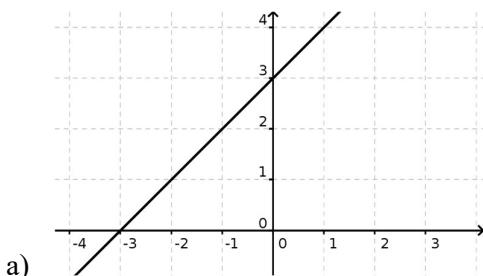
15) Factorear los siguientes polinomios por el sexto caso:

-----**(Cursillo de Ingreso – FIO 2023)**-----

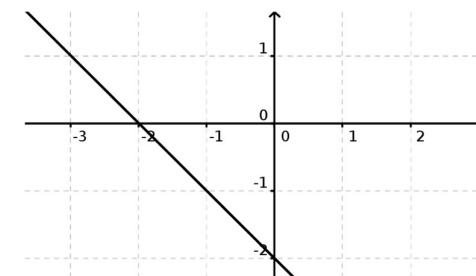
- a- $x^3 + 1$
- b- $a^3 - 1$
- c- $x^3 - y^3$
- d- $x^5 + 32$
- e- $x^3 + \frac{1}{27}$

- f- $x^3 + \frac{1}{1000}$
- g- $x^5 - 0,00001$
- h- $m^5 + 100000$
- i- $x^3 + y^3 z^3$
- j- $x^3 - (ab)^3$

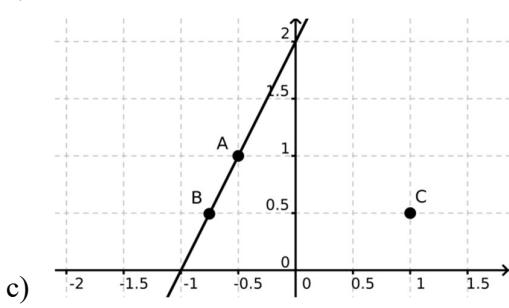
16) En los siguientes gráficos de rectas identificar la ordenada al origen, la raíz y las coordenadas de los puntos indicados.



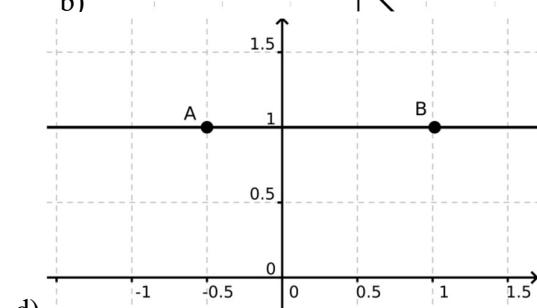
a)



b)

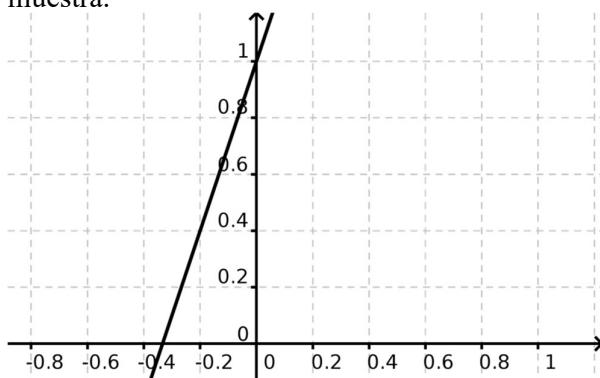


c)



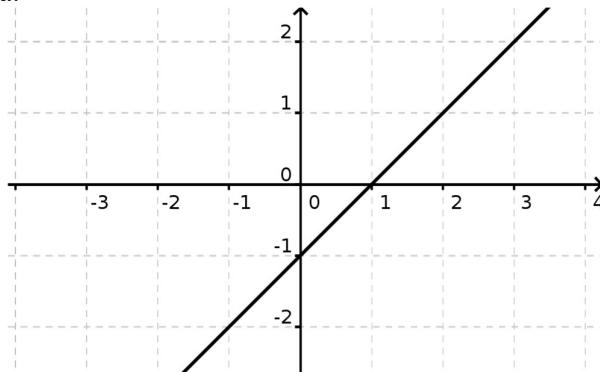
d)

17) Hallar **gráficamente** la recta que pase por el punto $(0,8 ; 0,6)$ y sea **paralela** a la recta que se muestra.



-----(Cursillo de Ingreso – FIO 2023)-----

- 18) Hallar **gráficamente** la recta que pase por el punto $(-1; 1)$ y sea **perpendicular** a la recta que se muestra.



- 19) Representar gráficamente las siguientes funciones a partir de la ordenada al origen y la pendiente.

$$\text{a)} \quad y = \frac{1}{2}x \qquad \text{b)} \quad y = -x + 2 \qquad \text{c)} \quad y = \frac{2}{3}x - 1 \qquad \text{d)} \quad y = -\frac{1}{4}x + 3$$

- 20) Encontrar las coordenadas al origen (corte en x y corte en y) y usarlas para obtener la gráfica de cada una de las rectas siguientes:

a) $x + 2y = 4$	e) $x - 2y = 4$
b) $3x + y = 6$	f) $y + 2x = -5$
c) $2x + y = 4$	g) $2y - x = 4$
d) $y = -3x - 9$	h) $y = 2x - y$

- 21) Determinar la ecuación de la recta que pasa por los puntos indicados, y graficarla:

$$\begin{array}{l} \text{a)} \quad A(2, 5) \text{ y } B(3, 6) \\ \text{b)} \quad A(-3, -2) \text{ y } B(5, 4) \\ \text{c)} \quad A(2, 3) \text{ y } B(-2, 3) \end{array}$$

- 22) Graficar y encontrar la ecuación de la recta dada la pendiente y un punto:

$$\begin{array}{ll} \text{a)} \quad (-1/2, 0), m = -1 & \text{f)} \quad (-2, 3/2), m = 0 \\ \text{b)} \quad (-3, 4), m = -1/4 & \\ \text{c)} \quad (0, 2), m = 3/4 & \\ \text{d)} \quad (1, 1), m = 2 & \\ \text{e)} \quad (3, -4), m = 4 & \end{array}$$

- 23) Encontrar y graficar en un mismo gráfico las ecuaciones solicitadas:

$$\begin{array}{l} \text{a)} \quad \text{Recta paralela a } y = 3x - 5, \text{ y que pase por el punto } A(2, 4) \\ \text{b)} \quad \text{Recta perpendicular a } y = -x + 1 \text{ y que pase por el punto } A(-2, -4) \\ \text{c)} \quad \text{Recta paralela a la que pasa por los puntos } A(1, 5) \text{ y } B(3, 8) \text{ y que pasa por el punto } C(-1, 1) \\ \text{d)} \quad \text{Recta perpendicular a } y = 3x + 2 \text{ y que pasa por } A(-5, -5) \end{array}$$

-----**(Cursillo de Ingreso – FIO 2023)**-----

24) Graficar en forma aproximada las siguientes funciones cuadráticas. Determinar el conjunto imagen. Calcular las raíces y ubicar el vértice.

a) $y = x^2 - 1$

b) $y = x^2 + 1$

c) $y = x^2 + 2x + 1$

d) $y = x^2 - x$

e) $y = -x^2 + 2x$

f) $y = -x^2 + 5x + 6$

g) $y = 3x^2 + 6x$

h) $y = \frac{1}{2}x^2 - x$

25) Simplificar las siguientes expresiones racionales.

a) $\frac{x^2}{x^2 + 2x}$

f) $\frac{9y^2 + 12y^8 - 15y^6}{3y^3}$

j) $\frac{-6a^3 + 9a^6 - 12a^9}{-2a^3}$

b) $\frac{n^2 - 1}{n^3 - n^2 + n - 1}$

g) $\frac{2x + 4}{x^3 + 5x^2 - 2x - 24}$

k) $\frac{4x^2 + 12x + 9}{4x^2 - 9}$

c) $\frac{3x^2 + x - 10}{5x - 3x^2}$

h) $\frac{3x^2 + 3x - 6}{2x^2 + 6x + 4}$

l) $\frac{2x^3 + x^2 - 3x + 1}{2x - 1}$

d) $\frac{x^2 - 5x}{5 - x}$

i) $\frac{8 - x^3}{x^2 - x}$

m) $\frac{n - 1}{n^2 - 1}$

e) $\frac{x^3 - x}{x^3 - 2x^2 + x}$